Sternspektren und ihre Analyse mit Hilfe von Werkzeugen im WWW



Wissenschaftliche Arbeit

Yannick Pfeifer

Eberhard Karls Universität Tübingen Institut für Astronomie und Astrophysik Kepler Center for Astro and Particle Physics Abteilung Astronomie

Februar 2017

Titelbild:

Das Bild zeigt das Phänomen der Brechung. Weißes Licht wird beim Durchgang durch ein Prisma in seine Spektralfarben zerlegt. Vielen Dank an Werner Schich vom Staatlichen Seminar für Didaktik und Lehrerbildung in Tübingen, der diese Fotografie ermöglicht hat.

Inhaltsverzeichnis

1	\mathbf{Ein}	leitung	1
	1.1	German Astrophysical Virtual Observatory	. 3
2	Spe	ktrum	4
	2.1	Brechung am Prisma	. 4
	2.2	Beugung am Gitter	. 6
	2.3	Kontinuierliches Spektrum, Emissions- und Absorptionslinienspektrum	. 11
		2.3.1 Kontinuierliches Spektrum	. 12
		2.3.2 Absorptionslinienspektrum	. 12
		2.3.3 Emissionslinienspektren	. 13
3	Ein	eitung zu TMAW	16
4	Abs	orptionslinien	18
5	Lin	enverbreiterungsmechanismen	21
	5.1	Natürliche Linienverbreiterung	. 21
	5.2	Druckverbreiterung/Stoßverbreiterung	. 22
	5.3	Starkeffekt	. 22
	5.4	Dopplerverbreiterung	. 22
	5.5	Rotationsverbreiterung	. 24
6	Dar	stellung der Spektren	25
7	Par	ameterbestimmung mit TMAW und TVIS Interactive	26
	7.1	Effektivtemperatur und Linienstärke	. 27
	7.2	Log g und Linienflügel	. 28
	7.3	Elementzusammensetzung und Massenverhältnisse	. 29
8	Vor	gehensweise bei der Parameterbestimmung	30
9	Bei	spiele	34

	9.1 Beispiel A	34
	9.2 Beispiel B	37
10	Spektralanalyse im Internet	42
	10.1 TheoSSA	42
	10.2 TMAW	44
	10.3 TVIS	45
	10.4 TVIS Data Changer	45
	10.5 TVIS Interactive	47
11	Spektrometer im Schulgebrauch	50
Α	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung	53
A B	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung Internetseiten	53 59
A B C	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung Internetseiten Datensätze	53 59 73
A B C	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung Internetseiten Datensätze C.1 TMAW Output	 53 59 73 73
A B C	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung Internetseiten Datensätze C.1 TMAW Output C.2 TVIS Data Changer Output	 53 59 73 73 74
A B C	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung Internetseiten Datensätze C.1 TMAW Output	 53 59 73 73 74 75
A B C D	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung Internetseiten Datensätze C.1 TMAW Output	 53 59 73 73 74 75 76
A B C D E	Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung Internetseiten Datensätze C.1 TMAW Output	 53 59 73 73 74 75 76 77

Abbildungsverzeichnis

1.1	Elektromagnetisches Spektrum	2
2.1	Newtons Prisma	4
2.2	Brechung an Grenzflächen	5
2.3	Interferenz	7
2.4	Doppelspalt qualitativ	8
2.5	Doppelspalt quantitativ	9
2.6	Doppelspalt und Mehrfachspalt	10
2.7	Reflexionsgitter	10
2.8	Unterschiede in Spektren	11
2.9	Abstrahlung nach Planck	12
2.10	Fraunhofers Aufzeichnungen	13
2.11	Flammprobe und entsprechende Emissionslinien	14
2.12	Hochauflösendes Absorptionslinienspektrum der Sonne	15
3.1	Elektromagnetische Strahlung und die Atmosphäre	17
4.1	Bohrs Atommodell	18
4.2	Absorptionslinienspektrum der Sonne	19
4.3	Beobachtung Feige 66	20
5.1	Rotverschiebung	23
6.1	Rektifizierung	25
7.1	TVIS Interactive Plattform	26
7.2	Linienentwicklung bei unterschiedlichen T_{eff}	27
7.3	Linienentwicklung bei unterschiedlichen T_{eff}	27
7.4	Linienentwicklung bei unterschiedlichen $\log g$	28
8.1	Vergleich der Beobachtung mit synthetischen Spektren in TVIS	32
9.1	Vergleich Feige 66 mit synthetischen Spektren bezüglich log g	34
9.2	Vergleich Feige 66 mit synthetischen Spektren bezüglich T_{eff}	35
9.3	Vergleich Feige 66 mit synthetischen Spektren bezüglich T_{eff}	36
9.4	Vergleich Feige 66 mit synthetischen Spektren bezüglich log g	36

9.5	Vergleich G191-B2B mit synthetischen Spektren bezüglich $\log g$		 •••		37
9.6	Vergleich G191-B2B mit synthetischen Spektren bezüglich $T_{\rm eff}$		 		38
9.7	Vergleich G191-B2B mit synthetischen Spektren bezüglich $\log g$		 		39
9.8	Vergleich G191-B2B mit synthetischen Spektren bezüglich $T_{\rm eff}$		 •••	•••	39
9.9	Vergleich G191-B2B mit synthetischen Spektren bezüglich $\log g$		 •••	•••	40
9.10	0 Vorgehensweise schematisch		 	•••	41
11.1	1 Spektrometer der Firma Kvant für den Schulgebrauch		 • • •	•••	50
A.1	Energieniveaus des Wasserstoffs	•	 	•	55
A.2	2 Übergangsserien des Wasserstoffs	••	 	•••	57
A.3	3 Grotriandiagramm des neutralen Heliums	•	 	•	58
B.1	TheoSSA Startseite	· •	 	•	59
B.2	2 Ausgabetabelle von TheoSSA	•	 	• •	60
B.3	3 TheoSSA Parameter	•	 	•	61
B.4	4 Vorschau Funktion TheoSSA	• •	 	•••	61
B.5	5 TMAW-Startseite	•	 	•	62
B.6	5 TMAW Parameter Eingabefeld	• •	 	•••	63
B.7	7 TMAW Anfragebestätigung	••	 	•	63
B.8	8 Aufführung der angefragten Parameter	••	 • • •	•	64
B.9	O TVIS Interactive Startseite	•	 	•	65
B.10	10 Speicherbare Darstellung	•	 	•	66
B.11	11 TVIS Startseite	•	 	•	67
B.12	2 TVIS Anleitung	•	 	•	68
B.13	3 TVIS Steuerbefehle	•	 	•	68
B.14	4 TVIS Data Changer	•	 		70
B.15	15 Das TVIS Data Changer Fenster	• •	 	•	71
B.16	l6 SPECTRA 1 Programm	••	 	•	72

Tabellenverzeichnis

1	Dopplerbreiten		•																																					2	23
---	----------------	--	---	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---	----

1 Einleitung

Jeder, der schon einmal einen Regenbogen gesehen hat oder den bunten Reflex eines geschliffenen Kristalls, auf den Sonnenlicht fällt, konnte bereits miterleben, das Licht nicht einfach nur Licht ist. Die Erscheinung des Regenbogens zeigt uns die einzelnen Bestandteile vom weißen Licht in schöner Weise auf. Wenn das Sonnenlicht durch Regentröpfchen geht, wird es gebrochen und in seine einzelnen Farbbestandteile aufgefächert. Die Farben werden getrennt und erscheinen nebeneinander, wobei sie fließend ineinander übergehen. So wird das komplette Spektrum des sichtbaren Lichts dargestellt. Dieser Bereich ist aber nur ein kleiner Teil des gesamten Spektrums. Den meisten Teil des Lichts, das von der Sonne auf die Erde gestrahlt wird, kann das menschliche Auge gar nicht erkennen. Licht sind elektromagnetische Wellen. Die Farbe des Lichts wird dabei durch seine Wellenlänge bestimmt. Das menschliche Auge kann nur Licht mit einer Wellenlänge von ca. 3800-7800 Angstrøm¹ (Å) erkennen. Elektromagnetische Wellen können aber auch noch wesentlich kürzer oder länger sein. Man spricht dann z.B. vom infraroten Licht (schließt sich an den sichtbaren Bereich mit längeren Wellenlängen an) oder ultraviolettem (unmittelbar nach dem sichtbaren Bereich mit kürzeren Wellenlängen) Licht. Die Bereiche, in die elektromagnetische Wellen eingeteilt werden, sind in Abb. 1.1 dargestellt.

Der Mensch kann Licht von Wellenlängen außerhalb des visuellen Bereiches zwar nicht mit dem Auge sehen, man kann dieses Licht aber dennoch messen und detektieren. So wie das Licht aus einer Glühbirne oder das Licht, das von einem glühenden Stück Eisen ausgeht, wird das Licht von der Sonne ausgesandt, weil dort sehr hohe Temperaturen herrschen. Die Sonne ist ein Stern, d.h. eine selbstleuchtende Gaskugel, die durch die hohe Gravitation auf Grund ihrer hohen Masse zusammengehalten wird. Im Zentrum der Sonne herrschen hohe Temperaturen und Drücke, so dass dort ständig Kernfusionsprozesse stattfinden. Dabei verschmelzen Atome zu einem neuen Element und setzen dabei sehr viel Energie frei. Wichtigstes Beispiel hierfür ist die Wasserstofffusion. Hier

 $^{^{1}1\,\}mathrm{\AA}\,{=}\,10^{-10}\,\mathrm{m}\,{=}\,0.1\,\mathrm{nm}$



Abbildung 1.1: Spektrum der elektromagnetischen Wellen geordnet nach Wellenlängen in [m]. fusionieren vier Wasserstoffatome mit einer Masse von 1.008 zu einem Heliumatom mit einer Masse von 4.003.

$$4 \,\mathrm{H} \to 1 \,\mathrm{He}$$
 (1)

Die Masse des neu gebildeten Heliumkerns ist um 0.029 geringer als die Gesamtmasse der vier Wasserstoffkerne, aus dem dieser gebildet wird. Der sogenannte Massendefekt beträgt ca. 0.7% (5) und wird nach der Einsteinschen Formel

$$E = mc^2 \tag{2}$$

in Energie umgewandelt, wobei c die Lichtgeschwindigkeit ist. Die Energie wird hauptsächlich durch elektromagnetische Strahlung abgegeben und strömt vom Inneren der Sonne nach außen, von wo aus sie in alle Richtungen und somit auch zu uns auf der Erde abgestrahlt wird. Die Sonne strahlt elektromagnetische Wellen aus dem gesamten Spektrum ab, vom enorm kurzwelligen bis hin zum sehr langwelligen Bereich. Wie genau das abgestrahlte Spektrum aussieht, d.h. von welchen Wellenlängen mehr oder weniger abgestrahlt wird, hängt von der Temperatur und der Schwerebeschleunigung des Sterns ab. Auch die chemischen Zusammensetzung hat darauf Einfluss, also Elemente in der Atmosphäre, welche Licht bestimmter Wellenlängen absorbieren und damit blockieren. Betrachtet man sehr hochaufgelöste Spektren von Sternen (das Licht wird also zur Untersuchung sehr weit auseinandergefächert), so kann man Unterschiede erkennen und durch das charakteristische Abstrahlungsverhalten Aussagen über die oben genannten Kenngrößen der beobachteten Objekte treffen. Diese Informationen können dann weiter verwendet werden um zum Beispiel zu bestimmen, in welcher Entwicklungsstufe sich der Stern befindet, und Vorhersagen zu treffen, wie er sich weiter entwickeln wird. Durch solche Informationen versucht man Erkenntnisse über das Entstehen und die Entwicklung von Sternen zu erlangen, um letztlich die Entstehungsgeschichte des Universums besser verstehen zu können.

Die folgende Anleitung soll einen Einblick in die Arbeit mit Sternspektren geben und zeigen, wie man daraus Informationen gewinnen kann. Zunächst werden einige zentrale Erscheinungen in solchen Spektren dargelegt. Im weiteren Verlauf soll die Vorgehensweise bei der Bestimmung von Kenngrößen stellarer Objekte erklärt werden und zuletzt beispielhaft durchgeführt werden. Anschließend bietet ein Übungsbereich auf der TVIS Interactive Seite die Möglichkeit, die hier präsentierte Methode selbst zu erproben.

1.1 German Astrophysical Virtual Observatory

Das Tübingen Model-Atmosphere Package World Wide Web Interface (TMAW) steht im Rahmen des German Astrophysical Virtual Observatory² (GAVO) der Öffentlichkeit zur freien Nutzung zur Verfügung. GAVO ist der deutsche Beitrag zum internationalen Projekt des Virtual Observatorys³ (VO), welches initiiert wurde, um im großen Rahmen den Zugang zu und die Auswertung von astronomischen Daten zu vereinfachen. Mit dem ständigen Zuwachs an Daten im Bereich der Astrophysik soll mit diesem Projekt die Nutzung von Daten vereinfacht werden. Gleichzeitig werden durch das VO die Ressourcen für die Beobachtung und Aufzeichung besser ausgenutzt. So können zum Beispiel durch Datenbankabgleiche Doppelbeobachtungen vermieden und wertvolle Beobachtungszeit gewonnen werden. Das Institut für Astronomie und Astrophysik der Universität Tübingen widmet einen Teil seiner Arbeit diesem Projekt.

²http://www.g-vo.org

³http://www.ivoa.net

2 Spektrum

2.1 Brechung am Prisma

Zunächst stellt sich die Frage, wie man einfallendes Licht so auffächern kann, dass die Spektralverteilung sichtbar wird. Der englische Naturwissenschaftler Isaac Newton war in den 70er Jahren des 17. Jahrhunderts der Erste, der erkannte, dass sich weißes Licht aus Licht aller Farben zusammensetzt. Auf der Suche nach einer Erklärung für die Eigenschaften des Lichtes ließ er Sonnenlicht durch ein kleines Loch auf ein Prisma fallen und konnte auf einer gegenüberliegenden Leinwand das erkennen, was er fortan Farbspektrum (2) nannte. Abb. 2.1 zeigt den Aufbau von Newtons Experiment.



Abbildung 2.1: Isaac Newton und sein Aufbau zur Zerlegung weißen Lichts in ein Farbspektrum. Quelle: http://www.escuelapedia.com/el-arco-iris/, 26.1.2017

Eine vollständige Erklärung konnte er jedoch noch nicht liefern. Bis heute ist die Benutzung von Prismen, wenn auch in vielen Qualitätsaspekten verbessert, eine grundliegende Methode zur Zerlegung eines Lichtstrahls in seine einzelnen Farbbestandteile. Dieser Methode liegt das Prinzip der Brechung von Licht beim Übergang in ein optisch dünneres oder dichteres Medium zu Grunde. Geht ein Lichtstrahl von einem optisch dünnen Medium (niedriger Brechungsindex n, z.B. Luft) in ein optisch dichteres Medium (hoher Brechungsindex n, z.B. Glas, Wasser) über, so wird dessen Ausbreitungsrichtung zum Lot der Oberfläche hin gebrochen, sofern der Einfallswinkel nicht 90 $^{\circ}$ ist. Genau umgekehrt verhält es sich bei einem Übergang von einem optisch dichten in ein optisch dünnes Medium. Man kann dieses Phänomen erklären durch das Huygenssche Prinzip, welches besagt, dass jeder Punkt einer Wellenfront als Ausgangspunkt von Elementarwellen betrachtet werden kann. Abb. 2.2 stellt dies schematisch dar.



Abbildung 2.2: Oben: Konstruktion von Wellenfronten aus Elementarwellen nach dem Huygensschen Prinzip. Unten: Ausbreitung von Elementarwellen an einer Grenzfläche mit verschiedenen Brechungsindizes.

Wie bereits erwähnt, kann Licht in Form von Wellen beschrieben werden. Dieses Prinzip gilt in Luft, wie auch in anderen Medien, zum Beispiel Glas. Jedoch ist zu beachten, dass sich die Ausbreitungsgeschwindigkeit c_n der Wellenfronten im Medium in Abhängigkeit des Brechungsindexes n relativ zur Ausbreitungsgeschwindigkeit im Vakuum c verlangsamt, es gilt

$$c_{\rm n} = \frac{c}{n} \qquad . \tag{3}$$

Dies verursacht eine Änderung der Ausbreitungsrichtung, wie in Abb. 2.2 dargestellt. Die unter dem Winkel δ einfallende Wellenfront trifft nach und nach auf die Grenzfläche zwischen den beiden Medien. Während ein Teil sich bereits im nun dichteren Medium als Elementarwelle ausbreitet, muss ein anderer Teil der Wellenfront erst noch auf die Grenzfläche auftreffen. Im dichteren Medium ist die Ausbreitungsgeschwindigkeit jedoch langsamer, sodass sich der Teil der Wellenfront, der zuerst aufgetroffen ist, um d ausgebreitet hat. In der gleichen Zeit hat der Teil der Wellenfront, der zuletzt auftrifft, jedoch die Strecke b zurückgelegt. Konstruiert man nun aus den Elementarwellen wieder eine Wellenfront, so erkennt man, dass diese gegenüber der anfängliche Ausbreitungsrichtung leicht gekippt ist, verursacht durch die verminderte Ausbreitungsgeschwindigkeit. Nach dem Übergang in das dichtere Medium breitet sich die Wellenfront nun unter dem Winkel γ relativ zum Lot aus. Dies erklärt zwar die Brechung, jedoch nicht die Auffächerung des Lichtbündels in die jeweiligen Spektralfarben. Diese wird verursacht durch die Tatsache, dass der Brechungsindex wellenlängenabhängig ist, d.h. es gilt

$$n = n(\lambda) \quad . \tag{4}$$

Mit ansteigender Wellenlänge des im einfallenden Bündel enthaltenen Lichtes, sinkt der Brechungsindex. Rotes Licht wird also schwächer gebrochen als blaues Licht. Aus diesem Grund ergibt sich eine räumliche Trennung der Farben.

2.2 Beugung am Gitter

Eine wesentlich vielseitigere und daher gängigere Möglichkeit ein Lichtbündel in seine Spektralfarben zu zerlegen bietet die Beugung an einem optischen Gitter, auch Beugungsgitter genannt. Auch hier spielen die Elementarwellen nach dem Huygensschen Prinzip eine wichtige Rolle. Hinzu kommt das Prinzip der Interferenz, eine weitere Folge der Wellennatur des Lichtes. Abb. 2.3 zeigt zwei Wellen gleicher Wellenlänge. Diese können so überlagert werden, dass sie entweder konstruktiv interferieren oder destruktiv. Um eine konstruktive Interferenz zu erhalten, müssen beide Wellen in Phase sein. Das heißt, die Wellenberge und -täler liegen überander. Die Amplitude wird so verdoppelt. Um destruktive Interferenz zu erhalten, müssen die Schwingungen um eine halbe Schwingungsperiode gegeneinander verschoben sein, sodass sich Wellenberg und Wellental gegenseitig aufheben. Die Wellen löschen sich gegenseitig aus.

Bestrahlt man einen Doppelspalt mit Licht, wie schematisch in Abb. 2.4 dargestellt, wirken beide



Abbildung 2.3: Überlagernde Wellen.

Spalte als Ausgangspunkte von Elementarwellen (Huygenssches Prinzip). Diese Elementarwellen überlagern sich folglich und interferieren. Die roten Pfeile liegen entlang der Richtungen, in denen die Wellen konstruktiv interferieren (bzw. die Kreise sich schneiden).

Wo sie konstruktiv und destruktiv interferieren, lässt sich quantitativ anhand Abb. 2.5 anschaulich ermitteln. Für konstruktive Interferenz müssen Wellenberge und -täler übereinander liegen. Da sich bei einer Welle diese nach einer Periode, also nach einem vollständigen Wellendurchlauf, wiederholen, müssen die Wellen um eine Wellenlänge gegeneinander verschoben sein. Dies ist der Fall, wenn man eine Ausbreitungsrichtung abweichend vom Lot betrachtet. Ist der Winkel relativ zum Lot so gegeben, dass sich durch den unterschiedlichen Laufweg der Elementarwellen ein Gangunterschied von einer Wellenlänge ergibt, so findet man unter diesem Winkel konstruktive Interferenz. Ist der Gangunterschied eine halbe Wellenlänge, löschen sich die Wellen aus. Dies ergibt sich auch bei Gangunterschieden, die ein ganzzahliges Vielfaches der Wellenlänge des Lichtes sind. Mathematisch drückt man die Interferenzbedingung, auch Bragg-Bedingung genannt, gemäß Abb. 2.5 wie folgt aus

$$\sin \alpha = \frac{\Delta \lambda}{d} = \frac{n\lambda}{d} \quad . \tag{5}$$



Abbildung 2.4: Doppelspalt mit einlaufenden und ausgehenden Elementarwellen.

Für kleine Winkel $\alpha < 5^\circ$ gilt

$$\sin \alpha \approx \alpha$$
 , (6)

womit sich Gleichung 5 vereinfacht zu

$$\alpha = \frac{n\lambda}{d} \quad . \tag{7}$$

Analog kann man eine Bedingung für destruktive Interferenz formulieren, nämlich:

$$\sin \alpha = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda = \left(2n - 1\right)\frac{\lambda}{2}$$
, (8)

welche sich ebenfalls für kleine Winkel vereinfacht zu:

$$\alpha \approx \left(2n-1\right)\frac{\lambda}{2}\tag{9}$$

n bezeichnet hier eine natürliche Zahl und beschreibt, wie groß der Gangunterschied zwischen beiden Welle in Einheiten von λ ist. Insgesamt ergibt sich in Abhängigkeit des Ausbreitungswinkels eine Intensitätsverteilung, wie sie in Abb. 2.6 (N = 2, Achtung: N bezeichnet in dieser Grafik



Abbildung 2.5: Schematische Darstellung eines Doppelspaltes mit Breite d.

die Anzahl an Spalten) dargestellt ist. Man bezeichnet diese Ablenkung als Beugung. Die Lage der Intensitätsmaxima wird beschrieben durch Gl. 6, die der Minima durch Gl. 9. Die bisherige Betrachtung hat nur monochromatisches (einfarbiges) Licht berücksichtigt. Aus Gl. 6 kann man erkennen, was passiert, wenn polychromatisches (mehrfarbiges) Licht auf den Doppelspalt fällt. Entsprechend der Wellenlängen der im Licht enthaltenen Farben bilden diese jeweils Maxima unter unterschiedlichen Beugungswinkeln aus und die Farben werden getrennt. Abb. 2.6 (N = 2) macht deutlich, dass ein Maximum einer bestimmten Farbe beim Doppelspalt über einen bestimmten Bereich hinweg ausgebreitet ist. Werden durch den Doppelspalt zwei Farben getrennt, welche sich nur wenig in der Wellenlänge unterscheiden, überlappen sich deren Maxima und die Farben vermischen sich. Ziel muss es also sein, die Maxima so scharf wie möglich darstellen zu können. Dies wird erreicht, indem man den Doppelspalt um viele weitere Spalte erweitert, sodass das Resultat ein Gitter darstellt. Zwischen den Hauptmaxima treten nun auch kleine Nebenmaxima auf. Für N Spalte treten zwischen den Hauptmaxima N-1 Minima auf. Die Hauptmaxima sind deutlich schärfer gezeichnet. Je mehr Spalte, desto schärfer die Maxima der Spektren. Abb. 2.6 veranschaulicht die Tendenz der schärferen Abzeichnung der Maxima.

Um Spektren detailliert untersuchen zu können, ist es von Bedeutung, diese möglichst stark aufzufächern. Anders ausgedrückt, muss der Beugungswinkel sehr groß werden und damit auch



Abbildung 2.6: Intensitätsverteilung für N=2, 4, 8 und sehr viele Spalte. Quelle: https://lp.uni-goettingen.de/get/text/1055 11.1.2017

die Auflösung. Aus Gl. 6 ist ersichtlich, dass dies erreicht werden kann, indem man den Abstand *g* zwischen den Spalten sehr klein macht. Man spricht auch von der Gitterkonstante. Je kleiner die Gitterkonstante ist, desto klarer ist die spektrale Aufteilung. Weiterhin kann man ein Beugungsgitter nicht nur als Transmissionsgitter (wie bisher diskutiert) realisieren, sondern auch als Reflexionsgitter (Abb. 2.7). Auf die Lage der Maxima soll hier nicht eingegangen werden.



Abbildung 2.7: Schema eines Reflexionsgitters.

Hier wird der Gangunterschied nicht mehr durch äquidistante Spalte erzeugt, sondern durch regelmäßige Stufen in der Oberfläche. Der Vorteil dieser Realisierung ist die kompakte Bauweise, aber insbesondere eine höhere Lichtausbeute, da nicht die Hälfte des Lichtes auf "Gitterstäbe" fällt. Dies ermöglicht es, Objekte mit geringerer Leuchtkraft zu untersuchen. Einen Apparat zur Aufteilung von Licht in seine spektralen Bestandteile nennt man Spektrograph oder Spektroskop. Kann dieser zusätzlich die Spektren bezüglich Intensität und Wellenlänge ausmessen, spricht man von einem Spektrometer.

2.3 Kontinuierliches Spektrum, Emissions- und Absorptionslinienspektrum

Je nach dem worauf man einen Spektrographen richtet, können Spektren in verschiedenen Variationen auftreten. Dabei unterscheidet man kontinuierliche Spektren, Emissions- und Absorptionslinienspektren. Abb. 2.8 illustriert die Unterschiede.



Abbildung 2.8: Kontinuierliches Spektrum und die Absorptions- und Emissionslinienspektren von Quecksilber.



Abbildung 2.9: Abstrahlungsverhalten eines heißen Körpers nach Planck. $T = 7\,000$ K (magenta), $T = 6\,000$ K (blau), $T = 5\,000$ K (grün), $T = 4\,000$ K (orange), $T = 3\,000$ K (rot).

2.3.1 Kontinuierliches Spektrum

Richtet man einen Spektrographen zum Beispiel auf eine gewöhnliche Glühbirne, so bildet dieser ein kontinuierliches Spektrum ab. Max Planck war der erste, dem 1900 eine vollständige Beschreibung für das Abstrahlungsverhalten heißer Körper gelang. Diese strahlen ein kontinuierliches Spektrum ab, dessen Intensitätsmaximum sich in Abhängigkeit der Temperatur verschiebt, wie in Abb. 2.9 dargestellt. Alle Wellenlängen sind enthalten. Deshalb glüht Metall, je nach Temperatur, in unterschiedlichen Farben.

2.3.2 Absorptionslinienspektrum

Platziert man ein Gas zwischen Lichtquelle und Spektrograph, so erhält man ein Absorptionslinienspektrum. Dieses zeichnet sich dadurch aus, dass es wie ein kontinuierliches Spektrum aussieht (welches von der Lichtquelle ausgeht), jedoch fehlen an einigen Stellen charakteristische Wellenlängen und damit Farben (Abb. 2.8). Diese wurden zwischen Lichtquelle und Spektrograph vom Gas absorbiert und tauchen daher nicht im Spektrum auf. Aufgezeichnet wird dann das Absorptionslinienspektrum dieses Gases, welches wie ein Fingerabdruck einzigartig für jedes Gas ist.



Abbildung 2.10: Fraunhofers Aufzeichnung im Deutschen Museum. Quelle: http://www.br.de/themen/wissen/fraunhofer-spektrallinien102.html, 14.12.2016

Ein analoges Ergebnis erhält man, wenn man einen Spektrographen auf die Sonne richtet. In diesem Fall sind jedoch deutlich mehr Absorptionslinien zu finden. Abb. 2.10 zeigt die Aufzeichnungen Joseph von Fraunhofers (1787-1826), der erstmals die nach ihm benannten Linien im Spektrum der Sonne dokumentierte. Die von Planck später beschriebene Kurve ist hier bereits qualitativ skizziert. Die Anzahl der Linien lässt auf den Einfluss vieler verschiedener Elemente schließen.

Heutzutage kann man das Sonnenspektrum deutlich besser auflösen, wie in Abb. 2.12 deutlich erkennbar ist. Eine Vielzahl an Linien ist zu erkennen.

2.3.3 Emissionslinienspektren

Schaltet man die Lichtquelle ab und erhitzt dasselbe Gas wie zuvor so lange, bis es zu leuchten beginnt, erhält man nur sehr wenige Farben aus dem kontinuierlichen Spektrum. Diese werden als Linien an den selben Stellen sichtbar, an denen sich die dunklen Linien im Absorptionslinienspektrum befinden (Abb. 2.8). Da sie durch Abstrahlung von Licht entstehen, bezeichnet man diese als Emissionslinien. Alle Emissionslinien zusammen ergeben ein Emissionslinienspektrum.

Das einfache Experiment der Flammprobe aus dem Chemieunterricht basiert auf diesem Phänomen.



(a) Flammen beim Verbrennen verschiedener Elemente.

(b) Entsprechende Emissionslinienspektren.

Abbildung 2.11: Farbige Flammen, sowie die dazugehörigen Emissionslinienspektren der Elemente Li, Na, K, Ca, Sr und Ba.

 $Quelle: \verb+http://www.seilnacht.com/versuche/spektro.html, 6.2.2017$

Es können auch Kristalle (also Festkörper) so erhitzt werden, dass Emissionslinien entstehen. Bringt z.B. man einen Löffel Natrium in eine Flamme, so wird dieses erhitzt, bis es schließlich in der für Natrium charakteristischen Farbe verbrennt. Über diese Farbe und das resultierende Emissionslinienspektrum kann man also bestimmen, welches Element verbrannt wurde. Abb. 2.11 a) und b) zeigen beispielhaft die Farben von sechs Elementen beim Verbrennen, sowie die dazugehörigen Emissionslinienspektren. Auf die Ursache der Absorptions- und Emissionsspektren wird in Kapitel 4 näher eingegangen.



Abbildung 2.12: Sonnenspektrum aufgenommen vom National Solar Observatory auf dem Kitt Peak in Arizona, USA.

Quelle: https://www.noao.edu/image_gallery/html/im0600.html, 21.12.16

3 Einleitung zu TMAW

TMAW ist ein Werkzeug zur Berechnung von Sternatmosphärenmodellen. Es dient internationalen Forschungsgruppen und Amateurastronomen gleichermaßen als Hilfsmittel, um die wichtigen Parameter beobachteter Objekte zu ermitteln. Oberflächenschwerebeschleunigung, Effektivtemperatur und chemische Zusammensetzung sind dabei die Parameter, die eine Modellatmosphäre in TMAW genau charakterisieren. Grundlage dafür sind stellare Absorptionslinienspektren als einzige Informationsquelle zu diesen Objekten. Die Bestimmung dieser Größen durch den Benutzer erfolgt durch einen präzisen Abgleich des gemessenen Spektrums mit den synthetischen Spektren der errechneten Sternatmosphärenmodelle. Durch eine schrittweise Anderung der Parameter in TMAW kann so eine größtmögliche Übereinstimmung in markanten Wellenlängenbereichen erzielt werden. Generell, aber insbesondere für wissenschaftliche Zwecke, ist es daher wünschenswert, mit einem Spektrum zu arbeiten, welches möglichst den kompletten Wellenlängenbereich vom fernen Ultraviolett bis hin zum Infrarotbereich abdeckt, um umfangreichere Anpassungen und eine differenziertere Analyse vornehmen zu können. Da im schulischen Gebrauch und im Amateurbereich grundsätzlich nur bodengebundene Teleskope zum Einsatz kommen, werden sich die Auswertungen für diese Anwendung ausschließlich auf den optischen Bereich beschränken. Ein großer Teil des Spektrums außerhalb des optischen Bereiches wird von der Erdatmosphäre blockiert. Die Auswertung der Spektren wird dadurch eingeschränkt. Der ultraviolette Bereich wird absorbiert und ein kleiner Teil des Radiobereichs wird reflektiert, jedoch wird ein Großteil dessen durchgelassen, weshalb man mit Radioteleskopen Signale auf der Erde empfangen kann. Dies ist der maßgebliche Grund für die Entwicklung von Weltraumteleskopen. Abb. 3.1 zeigt, welche Spektralbereiche in der Erdatmosphäre absorbiert werden und welche bis zur Erdoberfläche durchdringen.

TMAW berechnet auf Grundlage der bekannten physikalischen Prozesse synthetische Spektren. Die Berechnung der Modellatmosphären basiert auf umfangreichen und stetig verbesserten Datensätzen zu Modellatomen, welche detaillierte Informationen über Ionisationsstufen, atomare Niveaus und deren Übergänge, sowie die zugehörigen Übergangswahrscheinlichkeiten beinhalten. Kernbestandteil der Berechnungen sind die hochgradig nichtlinearen Gleichungssysteme für die Parameter (Besetzungszahlen, Levelübergänge, Ladungserhaltung etc.) der Strahlungstransportgleichung, welche sehr zeitaufwändig und meist in mehreren tausend Iterationszyklen numerisch gelöst werden. Hinzu



Abbildung 3.1: Durchlässigkeit der Atmosphäre für elektromagnetische Wellen verschiedender Spektralbereiche. In Anlehnung an: https://www.eso.org/public/germany/images/atm_opacity, 12.12.2016

kommen statistische Gleichungen und Nebenbedingungen. Spricht man von der Atmosphäre eines Sternes, so lässt sich diese nicht so einfach wie bei der Erde eingrenzen. Vielmehr meint man damit eigentlich die Photosphäre, also den äußeren Bereich in dem Photonen aus dem Inneren ungehindert nach außen dringen können (sonst könnten wir diese ja nicht sehen). Dabei geht man davon aus, dass auf Grund der Fusionsprozesse im Zentrum des Sterns ein Kontinuum, also jegliche Wellenlängen vom sehr kurzwelligen bis zum sehr langwelligen Bereich des elektromagnetischen Spektrums, von unten in die Photosphäre des Sternes einstrahlt. Dort finden sich nun Elemente, die jeweils verschiedene Teile des Kontinuums absorbieren. Das Licht, das der Stern ausstrahlt, ist also kein Kontinuum mehr, sondern entsprechend der charakteristischen Sternparameter ein Absorptionslinienspektrum.

4 Absorptionslinien

Um die Ursache der Absorptionslinien in Sternspektren zu verstehen, kann man zur klassischen Betrachtung das Bohrsche Atommodell heranziehen. Das Kernelement Bohrs Überlegungen zum Aufbau von Atomen war die Annahme, dass sich Elektronen nicht in jedem beliebigen Abstand zum Atomkern bewegen können. Bohr postulierte, dass es diskrete Kreisbahnen mit unterschiedlichen Radien geben müsse.

Durch die äußere Zufuhr von Energie in Form von Licht, kann ein Elektron auf eine energetisch höhere Kreisbahn mit größerem Radius gehoben werden, wie in Abb 4.1 dargestellt. Die Pfeile stellen jeweils mögliche Übergänge auf Bahnradien höherer Energie dar.



Abbildung 4.1: Das Atommodell nach Bohr.

Dafür ist jeweils eine genau definierte Energiemenge notwendig. Aus dem einstrahlenden Licht werden also genau jene Wellenlängen absorbiert, welche der Energie entsprechen, die für einen Übergang notwendig sind. Diese lassen sich nach Planck sehr einfach bestimmen über

$$E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}; \qquad \lambda = \frac{hc}{E}$$
 (10)

h ist das Plancksches Wirkungsquantum ($h=6.62610^{-34}$ Js), *v* die Frequenz der elektromagnetischen Strahlung, *E* die Energie, *c* die Lichtgeschwindigkeit und λ die Wellenlänge. Jeder Übergang in einem Element absorbiert (oder emittiert gegebenenfalls) so Licht einer charakteristischen Wellenlänge.



Abbildung 4.2: Absorptionslinienspektrum der Sonne im sichtbaren Bereich. Quelle: http://ganymede.nmsu.edu/tharriso/ast110/class13.html, 11.12.2016

Nimmt man mit einem Spektrographen ein Spektrum eines stellaren Objektes auf, so macht man nichts anderes, als die Lichtintensität (oder den Strahlungsfluss) in Abhängigkeit von der Wellenlänge λ aufzutragen. An der Stelle, die der Wellenlänge der absorbierten Photonen entspricht, wird in dem Spektrum eine dunkle Linie abgebildet. Es wurde kein oder wesentlich weniger Licht dieser Wellenlänge aufgenommen. Der Ursprung von Absorptionslinien wird in Abschnitt A im Anhang vertiefend diskutiert.

Die dunklen Linien sind in Abb. 4.2 deutlich sichtbar. Die Entwicklung von CCD (Charge Coupled Device) Detektoren hat die Auswertung von Spektren erheblich vereinfacht und verbessert. Das Spektrum wird auf einen Sensor projiziert, dessen Pixel das Auftreffen von einzelnen Photonen der abgebildeten Farbe detektieren. So kann man neben der Lage der Linien auch deren Intensität messen. In einer Spektralenergieverteilung werden die Zählraten der CCDs gegen die Wellenlänge aufgetragen, wie in Abb. 4.3 beispielhaft dargestellt. Dies ermöglicht eine präzisere Analyse der Spektren. Dass in der Astronomie grundsätzlich mit hochaufgelösten Spektren gearbeitet werden muss, um aussagekräftige Untersuchungen zu gewährleisten, sieht man bereits daran, dass es geläufig ist Wellenlängen in Å (=0.1 nm) anzugeben und nicht in Nanometern. Die Auflösung, also die Fähigkeit zwei nahe beieinander liegende Farbpunkt unterscheiden zu können, hängt jedoch vom Spektrographen ab.



Abbildung 4.3: Beobachtetes Spektrum des Sterns Feige 66. Die gestrichelte Linie stellt den Verlauf des Kontinuumflusses dar.

5 Linienverbreiterungsmechanismen

Wie bereits ausgeführt, gibt es nach dem Bohrschen Modell klar definierte, diskrete Energielevels, zwischen denen radiative Übergänge stattfinden können. Dazu sind diskrete Energiepakete notwendig, die in diesem Zusammenhang von Photonen zur Verfügung gestellt werden, denen man folglich eine diskrete Wellenlänge zuordnen kann. Betrachtet man die spektralen Energieverteilungen, so fällt jedoch auf, dass die Absorptions- und Emissionslinien entgegen der Erwartung nicht scharf aufgetragen sind, sondern sich zu beiden Seiten des Linienschwerpunktes über ein gewisses Wellenlängenintervall hinweg erstrecken. Tatsächlich gibt es mehrere Effekte, die dieses Phänomen verursachen. Man spricht von Linienverbreiterungsmechanismen, welche dafür sorgen, dass die Absorptionslinien eine nicht unwesentliche Ausdehnung erfahren. Welche unterschiedlichen Effekte bei der Absorptionslinienverbreiterung berücksichtigt werden müssen, und wie groß deren jeweiliger Einfluss ist, soll im folgenden aufgeführt werden.

5.1 Natürliche Linienverbreiterung

Die spontane Abregung aus höheren Energieleveln auf niedrigere Energielevel beschränkt die mögliche Lebensdauer der angeregten Zustände, welche somit einer statistischen Verteilung unterliegt. Entsprechend der Heisenbergschen Unschärferelation (Werner Heisenberg, 1901 - 1976) zwischen Energie und Zeit,

$$\Delta E \cdot \Delta t \ge \frac{\hbar}{2} \quad , \tag{11}$$

verursacht dies eine Unschärfe bezüglich der Lage der Energieniveaus. Man spricht von natürlicher Linienverbreiterung, da dieser Effekt auch auftritt, wenn das Teilchen nicht von anderen beeinflusst wird.

Einfluss:

Die natürliche Linienverbreiterung ist wellenlängenabhängig und bewegt sich in der Größenordnung von wenigen Femtometern (10^{-5} Å) .

5.2 Druckverbreiterung/Stoßverbreiterung

Durch ständige Stöße mit verschiedenen Teilchen werden die Atome in eine Art Vibration versetzt, wodurch die Levels verwaschen werden. Je höher der Druck, desto mehr Kollisionen finden in einem bestimmten Zeitintervall statt. Folglich steigt auch die Stärke der Vibration und die dadurch bedingte Verschiebung der Niveaus.

Einfluss:

Die Druckverbreiterung ist ebenfalls wellenlängenabhängig und bewegt sich in der Größenordnung von mehreren 10 Femtometern (10^{-4} Å) .

5.3 Starkeffekt

Die Anwesenheit anderer Teilchen mit elektrischer Ladung in der unmittelbaren Nähe des betrachteten Atoms führt zu einer Verzerrung seines elektrostatischen Feldes. Das wiederum führt zu einer Verschiebung der Energieniveaus und letzten Endes zu einer Veränderung der Levelübergänge. Den größten Einfluss haben Elektronen und Protonen als Störteilchen. Dieser Effekt wird als Starkeffekt (Johannes Stark, 1874-1957) bezeichnet.

Einfluss:

Der Starkeffekt kann bei sehr starken Feldern ein Linienprofil über mehrere 100 Å hinweg beeinflussen.

5.4 Dopplerverbreiterung

Grundsätzlich stehen die Teilchen, welche die Photonen absorbieren, nicht still. Alle Teilchen haben eine Bewegungskomponente bezüglich der Sichtlinie zwischen Stern und dem Beobachter. Die Photonen, die bei einem Beobachter auf der Erde ankommen, bewegen sich vollständig entlang dieser Linie. Je nach Bewegungsrichtung und Geschwindigkeit der absorbierenden Atome, nehmen diese die Wellenlänge der Photonen unterschiedlich wahr, gemäß

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{v}{c} \quad . \tag{12}$$

Abb. 5.1 veranschaulicht das Prinzip: Schritt 1.) Stellt die Linien dar, die unter normalen Bedingungen absorbiert werden. Bewegt sich ein Atom in Richtung des Ursprungs der Strahlung, so wird die Wellenlänge der Photonen gestaucht und damit vom Atom kürzer wahrgenommen (Schritt 2.), blauverschoben). Aus dieser scheinbaren Verschiebung aus Sicht des Atoms folgt nun, dass dieses die scheinbar gewohnten Wellenlängen absorbiert (Schritt 3.)), welche aber für den außenstehenden ruhenden Betrachter, für den sich das Spektrum nicht verschoben hat, deutlich rotverschoben sind (Schritt 4.). Während sich das Spektrum für die absorbierenden Atome blauverschiebt, werden die Absorptionslinien also rotverschoben. Analog erfolgt die Blauverschiebung von Absorptionslinien bei entgegengesetzter Bewegungsrichtung.



Abbildung 5.1: Prinzip der Rotverschiebung.

Es können also auch Photonen absorbiert werden, denen eine Wellenlänge zugeordnet werden kann, welche leicht verschoben ist gegenüber der ursprünglichen Wellenlänge, welche für einen Übergang benötigt wird. Die Ausdehnung der Absorptionslinie wird dabei elementar von der Maxwellverteilung für die Geschwindigkeiten der Teilchen bestimmt.

Einfluss:

Der Dopplereffekt beeinflusst ein Linienprofil in der Größenordnung von ca. 0-3 Å (Tab.1).

Tabelle 1: Dopplerbreite für Linien mit Wellenlängen 250 Å, 2500 Å und 25000 Å für die Elemente H, He, C, N, O bei $T\!=\!100\,000\,{\rm K}.$

Element	$250{\rm \AA}$	$2500{\rm \AA}$	$25000{\rm \AA}$
Η	0.033	0.338	3.387
He	0.016	0.169	1.693
\mathbf{C}	0.009	0.097	0.977
Ν	0.009	0.090	0.905
Ο	0.008	0.084	0.844

5.5 Rotationsverbreiterung

Zusätzlich zur thermischen Dopplerverbreiterung können Linien auch durch die Rotation eines Sternes dopplerverschoben werden. Hierbei entstehen die unterschiedlichen relativen Wellenlängen für den Beobachter durch die Tatsache, dass sich eine Hälfte des Objektes stetig schnell zum Beobachter hin bewegt und die andere Hälfte von ihm weg.

Einfluss:

Rotationsverbreiterung kann in extremen Fällen Linien derart verbreitern, dass sie als ausgedehnte Tröge wahrgenommen werden.

6 Darstellung der Spektren

In diesem Abschnitt soll kurz die Darstellung der Spektren angesprochen werden. In dieser Arbeit werden größtenteils nur normierte Spektren aufgeführt (z.B. Abb. 4.3). Von solchen spricht man, wenn man den Fluss als relative Intensität angibt und nicht als absolute. Normiert wird dabei auf den Kontinuumsfluss ohne Spektrallinien (Abb. 2.9). Würde man also ein Kontinuum normiert darstellen, so erhielte man eine Grafik, auf der nur eine waagerechte Linie bei 1 aufgetragen wäre. Eine normierte Darstellung ist deutlich übersichtlicher und die Bewertung der Linien fällt leichter. Man spricht in diesem Zusammenhang auch von rektifizierten Spektren. In Abb. 6.1 sind beide Darstellungen zum Vergleich realisiert.



Abbildung 6.1: Modellspektren. Absoluter (rot) und rektifizierter (blau) Fluss. H- und He-Linien sind markiert.

Die Modellspektren auf der TMAP-Datenbank (http://dc.g-vo.org/theossa) können normiert oder nicht normiert vorliegen. Beobachtungsdaten werden oft rektifiziert dargestellt, können aber auch nicht rektifiziert vorliegen. Man sollte also darauf achten, dass beim Vergleich die jeweiligen Darstellung übereinstimmen.

7 Parameterbestimmung mit TMAW und TVIS Interactive

Wie die Entstehung von Absorptionslinien und deren Verbreiterung mit den charakteristischen Sternparametern Temperatur, Oberflächenschwerebeschleunigung und chemische Zusammensetzung physikalisch verknüpft sind, ist in TMAW hinterlegt. Damit muss der Nutzer ausschließlich diese Parameter festsetzen und die dazugehörigen Modellspektren mit der Beobachtung abgleichen. Um den Abgleich und die Analyse von Spektren zu vereinfachen, hat das Insitut für Astronomie und Astrophysik der Universität Tübingen das Tübingen Visualisation Interactive Tool veröffentlicht. Die Plattformen TVIS und TVIS Interactive wurden von Denny Hoyer entwickelt. Der Entwicklungsprozess wurde dabei im Rahmen dieser Arbeit unterstützt. Diese Tools ermöglichen dem Benutzer, Daten einfach und intuitiv darstellen zu lassen, ohne sich vorher in ein Visualisierungsprogramm einarbeiten zu müssen. Vorläufige Analysen können so schnell und problemlos durchgeführt werden. Abb. 7.1 zeigt die TVIS Interactive Plattform während der Untersuchung eines Spektrums. Wie die so dargestellten Spektren auf die Änderung einzelner Parameter reagieren, soll in diesem Kapitel erklärt werden. Die einzelnen Funktionen von TVIS Interactive werden in Kapitel 10.5 näher erläutert.



Abbildung 7.1: Die TVIS-Interactive Benutzeroberfläche beim Abgleich einer Beobachtung mit drei synthetischen Spektren.

Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS/interactive 3.2.2017

7.1 Effektivtemperatur und Linienstärke

Eine Änderung in der Effektivtemperatur (T_{eff} in K) des Modells bei fester Oberflächenschwerebeschleunigung (log g in $\frac{\text{cm}}{\text{s}^2}$) resultiert primär in einer Änderung der Linienstärke. Die Linienbreite ändert sich dadurch nur unwesentlich wenn gilt

$$\frac{\Delta T_{\rm eff}}{T_{\rm eff}} \ll 1 \quad . \tag{13}$$

Grundsätzlich bleibt die Linie fast gleich breit, auch wenn die Tiefe in den Randbereichen kaum ausgeprägt ist. Abb. 7.2 und Abb. 7.3 zeigen beispielhaft solche Entwicklungen.



Abbildung 7.2: Linienprofile bei $T_{\rm eff}=55000\,{\rm K}$ (blau) bis $80000\,{\rm K}$ (rot), in Schritten von $5000\,{\rm K}.$



Abbildung 7.3: Linienprofile bei $T_{\rm eff} = 30000 \,\mathrm{K}$ (blau) bis 45000 K (rot) bei Linien unterschiedlicher Ionisationsstufe.

Je nachdem welche Linie gerade betrachtet wird, resultiert eine Temperaturerhöhung entweder in einer stärker oder in einer schwächer ausgeprägten Linie. Erklären kann man diese unterschiedlichen Entwicklungen wie folgt: Bei einer kontinuierlichen Erhöhung von T_{eff} werden stetig mehr Elektronen auf ein höheres Level gehoben, da die Gesamtenergie steigt. Folglich werden für diesen Übergang u.a. mehr Photonen absorbiert, die Linie wird tiefer.

Erhöht man T_{eff} nun weiter, wird irgendwann der Grenzwert erreicht, bei dem einzelne Atome eine höhere Ionisationsstufe erreichen. Deren Elektronenkonfiguration ändert sich und damit entstehen zusätzliche Absorptionslinien, wie in Kapitel A erläutert. Folglich werden die Absorptionslinien, welche den Atomen mit niedrigerer Ionisationsstufe zugeordnet werden können, schwächer, da nun weniger Atome in dieser Konfiguration vorhanden sind. Entsprechend der Gesamtenergie stellt sich ein sogenanntes Ionisationsgleichgewicht zwischen den einzelnen Ionisationsstufen ein (z.B. He I und He II in Abb. 7.3). Steigt T_{eff} weiter, liegen immer mehr Atome in einer höheren Ionisationsstufe vor und die dazugehörigen Absorptionslinien werden stärker. So kann also die Absorptionslinientiefe mit zunehmender Temperatur auch wieder abnehmen.

7.2 Log g und Linienflügel

Eine Anderung von $\log g$ wirkt sich neben der Linientiefe vor allem auf die Linienflügel aus. Je höher $\log g$, desto breiter wird die Linie (siehe Abb. 7.4). Die Änderung der Tiefe resultiert dabei aus der zunehmenden Verbreiterung auf Grund oben genannten Effekte.



Abbildung 7.4: Linien bei $\log g = 6$ (rot), 7 (grün), 8 (blau).

7.3 Elementzusammensetzung und Massenverhältnisse

Eine Änderung der Elementkonfiguration führt zu mehreren grundsätzlichen Veränderungen im Spektrum. Dabei kann man die Massenverhältnisse der vorhandenen Elemente verändern oder das bestehende Ensemble um weitere Elemente erweitern.

Fügt man zu einer Modellkonfiguration ein weiteres Element hinzu, so überrascht es nicht, dass weitere Absorptionslinien auftreten und die Linien der Elemente, die bereits vorhanden waren, schwächer werden.

Verändert man nur die Massenverhältnisse der gegebenen Elemente, so kann man die relative Stärke der elementspezifischen Absorptionslinien zueinander variieren.

8 Vorgehensweise bei der Parameterbestimmung

TMAW nimmt keine Anpassung des Modellspektrums an die Beobachtung vor, sondern berechnet dieses von Grund auf neu. Daher ist es dringend notwendig, die berechneten Modelle ausführlich mit der zu bestimmenden Beobachtung zu vergleichen, um eine möglichst präzise Bestimmung der Parameter im Rahmen der Möglichkeiten zu gewährleisten. Wenn man von einer Beobachtung ausgeht, deren Parameter vollkommen unbekannt sind, so bietet es sich an, diese zunächst grob einzugrenzen. Für die Parameter T_{eff} und log g kann man zu Beginn also jeweils grobe Gitter anfragen. Die Schrittweite bei T_{eff} kann man auf ca. 20 000 K beschränken, demnach würde man hier vorerst Modelle mit 40 000 K, 60 000 K, 80 000 K und 100 000 K betrachten. Da die log g Skala logarithmisch ist, kann man hier zunächst die Schrittweite 1 wählen. So würde man vorerst Modelle mit z.B. log g = 5, 6, 7 anfragen.

Grundsätzlich ist es nicht entscheidend, mit welchem Parameter man die Anpassung beginnt, es bietet sich jedoch an, sich zunächst einen ersten Eindruck über $\log g$ zu verschaffen. Beginnt man hingegen mit T_{eff} , so sind die verschiedenen Profile wenig aussagekräftig, da die Linienflügel meist nicht besonders gut mit den Beobachtungen übereinstimmen, und somit die Linienstärke schwer korrekt zu bestimmen ist.

Schritt 1a

Zu Beginn betrachtet man also die Beobachtung zusammen mit einem groben Gitter an Modellen. Dabei bleibt der Parameter T_{eff} zunächst unverändert bei einem beliebigen Wert im mittleren Temperaturbereich. Gleichzeitig variiert man den Parameter log g in Schrittweiten um 1 und plottet alle Modelle gemeinsam mit der Beobachtung. Es ist von Vorteil, die am stärksten ausgeprägten Linien zu betrachten, um die Entwicklung der einzelnen Modelle besser beurteilen zu können. Aus dem Abgleich sollte nun der beste vorläufige Näherungswert für diesen Parameter ersichtlich werden.

Schritt 2a

Den eben eingegrenzten vorläufigen Wert für log g nutzt man nun bereits in der ersten Betrachtung für T_{eff} . Das Vorgehen ist gleich. Man betrachet vorerst mehrere Modelle in einer grobe Abstufungen von ca. 20000 K zusammen mit der Beobachtung, um einen Überblick über T_{eff} zu erhalten. Meist lässt sich hierbei sehr deutlich ein guter Näherungswert bestimmen.
Schritt 1b

Nun wird Schritt 1 wiederholt. Erneut wird ein Parameter festgehalten, während man den anderen variiert. Da man jetzt bereits grobe Näherungswerte für beide Größen bestimmt hat, wird nun selbstverständlich der bestimmte Wert für T_{eff} festgehalten, wobei man nun versucht, den Wert für $\log g$ präziser zu bestimmen. Dazu verfeinert man nun das Raster um den bereits bestimmten groben Näherungswert in kleineren Schritten (erste Nachkommastelle) und vergleicht die Modellrechnungen wieder mit der Beobachtung, indem man alle zusammen plottet. Analog zu Schritt 1, wählt man für die nun folgende erneute Anpassung von T_{eff} den $\log g$ Wert, für den das Modell am besten mit der Beobachtung übereinstimmt.

Schritt 2b

Der Wert für $\log g$ ist nun relativ genau bestimmt. Wie in Schritt 2a wird nun dieser Wert festgehalten, um T_{eff} genauer bestimmen zu können. Auch hier wird ein verfeinertes Raster um den ersten Näherungswert herum überprüft. Wie zuvor werden die unterschiedlichen Modelle zusammen mit der Beobachtung geplottet, um das Modell mit der besten Übereinstimmung mit der Beobachtung zu finden.

Mit Abschluss von Schritt 2b hat man durch die Verfeinerung eines zunächst groben Rasters für beide Parameter eine gute Arbeitsgrundlage geschaffen für weitere Betrachtungen im Modell.

Schritte 1 und 2 können beliebig oft und in verschiedener Reihenfolge wiederholt werden, je nach dem, was die Entwicklung der Modelle im Vergleich zur Beobachtung nahe legt.

Grundsätzlich verlangt die Untersuchung ein wenig Fingerspitzengefühl im ständigen Abgleich der Modelle mit der Beobachtung.

Schritt 3

Nachdem nun bereits relativ gute Nährungswerte für T_{eff} und $\log g$ eingegrenzt wurden, kann man nun beginnen, die Elementzusammensetzung in der Photosphäre genauer zu betrachten. Die Modelle, die benutzt wurden um die ersten beiden Parameter zu bestimmen, sollten mit solaren Elementhäufigkeiten, also den Häufigkeiten auf der Sonne, durchgeführt werden, das dies meist ein guter Startwert ist. Auf der TMAW-Plattform sind diese bereits voreingestellt.

Wenn diese Modelle bezüglich mehrerer Linien grob von der Beobachtung abweichen, sollte eine



Abbildung 8.1: Beobachtung von G191-B2B verglichen mit drei Modellen in TVIS Interactive bei $T_{\text{eff}} = 60\,000\,\text{K}$ und $\log g = 5\,(\text{rot}),\,6\,(\text{grün}),\,7\,(\text{blau}).$ Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS/ 3.2.2017

Anpassung der Elementhäufigkeiten in Betracht gezogen werden. Dabei achtet man besonders auf Linien, welche unterschiedlichen Elementen zugeordnet werden. Da das Verhältnis der Elemente entscheidend ist, fällt beim Modell auf, dass diese Linien jeweils etwa entgegengesetzt von der Beobachtung abweichen.

Angenommen das Elementverhältnis zwischen H und He im Modell passt nicht mit dem der Beobachtung überein. Dann wäre aus dem Vergleich bei genauerer Betrachtung ersichtlich, dass z.B. die He-Linien im Modell stärker ausgeprägt sind, die H-Linien aber im Gegenzug zu schwach. In diesem Beispiel wäre der nächste Schritt folglich die Reduzierung des relativen He-Anteils und die entsprechende Erhöhung des relativen H-Anteils. Ein neuerlicher Vergleich mit der Beobachtung und die Betrachtung mehrerer Linien wird dann Aufschluss über die Angemessenheit der getätigten Veränderung geben.

Ein deutliches Anzeichen für die Notwendigkeit einer massiven Veränderung der Elementzusammensetzung ist die Präsenz von Linien im Modell, welche nicht in der Beobachtung wiedergegeben werden. Abb. 8.1 zeigt einen solchen Fall. Insbesondere fallen hier die Linien für He II bei 4026 Å und 4199 Å auf. Treten auf diese Art Linien eines Elementes an Stellen im Modell auf, an denen die Beobachtung diese nicht wiedergibt, so liegt nahe, dass die Konzentration dieses Elementes in der Photosphäre deutlich niedriger ist als angenommen. Oft existiert es gar nicht. Der umgekehrte Fall kommt jedoch regelmäßig vor. Deutliche Linien in der Beobachtung, welche nicht vom Modell wiedergegeben werden können sind keine Ausnahme. Dies kann erklärt werden durch die stetige Entwicklung der Atomdaten. Viele Atommodelle sind sehr aufwändig und komplex, so dass manche noch nicht in die Berechnungen mit einbezogen werden können und erst im Laufe der Zeit in die Datenbanken integriert werden.

Eine weitere Möglichkeit zur Anpassung grober Abweichungen ist die Faltung der synthetischen Spektren mit Gaussprofilen. Dies verändert die Stärke und Form der Absorptionslinien in den synthetischen Spektren. Bedingt durch das endliche Aufösungsvermögen des verwendeten Spektrographen, entsprechen die gemessenen Spektren nicht dem tatsächlichen Strahlungsfluss. Dieser Vorgang wird bei der Berechnung der synthetischen Spektren nicht berücksichtigt, kann aber durch dieses Verfahren imitiert werden. Eine nähere Erklärung folgt in Kapitel 10.4.

9 Beispiele

In diesem Kapitel sollen zwei Beobachtungen mit Hilfe der in Kapitel 8 dargelegten Vorgehensweise beispielhaft untersucht werden und deren Kenngrößen bestimmt werden.

9.1 Beispiel A

In diesem Beispiel soll ein Spektrum des Sterns Feige 66 untersucht werden. Die Vorgehensweise orientiert sich dabei an den in Kapitel 8 aufgeführten Schritten. Dabei wird der Wellenlängenbereich von ca. 3900 Å bis 4500 Å betrachtet, da dort drei Linien aus der Balmer Serie markante Punkte zur Untersuchung bieten. Wir gehen von einem Modell aus, welches H und He enthält in solaren Massenverhältnissen.

Schritt 1a

Zuerst befassen wir uns mit den Linienflügeln. Zu Beginn setzen wir T_{eff} fest auf 80 000 K. Nun kann $\log g$ in drei Schritten geplottet werden, um es mit der Beobachtung zu vergleichen, siehe Abb. 9.1. Schrittweite für die Modelle bezüglich $\log g = 1$.



Abbildung 9.1: Beobachtung von Feige 66 verglichen mit drei Modellspektren bei $T_{\text{eff}} = 80\,000\,\text{K}$ und log g = 5 (rot), 6 (grün), 7 (blau).

Betrachtet man die Linienflügel im direkten Vergleich zur Beobachtung, so reproduziert das Modell mit $\log g = 6$ den Flügelverlauf am nächsten. Beide anderen Modelle verlaufen entweder zu steil, oder zu flach.

Schritt 2a

Mit dem Startwert $\log g = 6$ wenden wir uns nun einer ersten Betrachtung von T_{eff} zu. In diesem Fall probieren wir ein Gitter von vier Schritten mit je 20 000 K. Deutlich erkennbar ist in Abb. 9.2, dass sich die Einschätzung für $\log g$ in der richtigen Größenordnung befindet. Weiterhin ist klar ersichtlich, dass die Modelle mit 60 000 K, 80 000 K und 100 000 K merklich von der Beobachtung abweichen. Das Modell mit 40 000 K jedoch reproduziert die Beobachtung am besten.



Abbildung 9.2: Beobachtung von Feige 66 verglichen mit vier Modellspektren bei $\log g=6.$ Abstufungen von rot nach blau: $T_{\rm eff}=100\,000\,{\rm K},\,80\,000\,{\rm K},\,60\,000\,{\rm K},\,40\,000\,{\rm K}$

Schritt 2b

Aus Schritt 2a ist gut erkennbar, dass T_{eff} nahe bei 40 000 K liegen muss. In diesem Falle ist es sinnvoll, ein feineres Raster zu betrachten, bevor man sich erneut mit log g beschäftigt. Da 40 000 K noch zu heiß zu sein scheint, bietet sich dies als höchste Temperatur des Rasters an. In der feineren Ausführung betrachten wir nun erneut vier Modelle, jedoch mit Schrittweite 5000 K.

In dieser Betrachtung (Abb. 9.3) liegt nun das Modell mit $T_{\text{eff}} = 35\,000\,\text{K}$ genau auf der Beobachtung. Auch die He II Linie bei ca. 4200 Å verschwindet bei dieser Temperatur.

Schritt 1b

 $T_{\rm eff}$ wurde mit Schritt 2b präzise eingegrenzt. Eine abschließende feine Betrachtung von log g wird zeigen, ob die gewählte Oberflächenschwerebeschleunigung gut gewählt ist. Dazu wählen wir Modelle mit einer Schrittweite von 0.2 jeweils oberhalb und unterhalb des vorläufig bestimmten Wertes aus Schritt 1a. Alle drei Modelle werden wieder zum Abgleich zusammen mit der Beobachtung geplottet.



Abbildung 9.3: Beobachtung von Feige 66 verglichen mit vier Modellspektren bei $\log g=6$. Abstufungen von rot nach blau: $T_{\rm eff}=45\,000\,{\rm K},\,40\,000\,{\rm K},\,35\,000\,{\rm K}\,30\,000\,{\rm K}.$



Abbildung 9.4: Beobachtung von Feige 66 verglichen mit drei Modellspektren bei $T_{\text{eff}} = 35\,000\,\text{K}$ und log $g = 5.8\,(\text{rot}), \, 6.0\,(\text{grün}), \, 6.2\,(\text{blau}).$

Der Abgleich in Abb. 9.4 ist nun deutlich erschwert, da kaum Unterschiede zu erkennen sind. Es lässt sich jedoch vermuten, dass ein Modell mit $\log g = 5.8$ dem beobachteten Spektrum am nächsten kommt.

Schritt 3

In diesem Modell treten keine Linien auf, die nicht durch die Beobachtung gedeckt werden. Ebenso werden alle markanten Linien der Beobachtung passend reproduziert. Eine Anpassung der Elementzusammensetzung ist nicht notwendig.

Literaturwerte

In der Literatur finden sich für Feige 66 folgende Werte (1): $T_{\rm eff} = 36.000 \pm 1000 \, {\rm K}$

 $\log g = 6 \pm 0.2$

Die verwendete Methode führt in wenigen unkomplizierten Schritten bereits sehr nahe an die Literaturwerte heran.

9.2 Beispiel B

In diesem Beispiel soll ein Spektrum des Sterns G191-B2B untersucht werden. Wir betrachten erneut den Wellenlängenbereich von ungefähr 3900 Å bis 4400 Å, aufgrund der dort markant auftretenden Balmerlinien. Auch hier wird mit einem Modell gestartet, welches H und He in solaren Verhältnissen enthält.

Schritt 1a

Erneut wird T_{eff} zunächst festgehalten, hier bei 60 000 K. Gleichzeitig wird log g in Modellen mit Schrittweite 1, variiert von 5-7.



Abbildung 9.5: Beobachtung von Feige G191-B2B verglichen mit drei Modellspektren bei $T_{\text{eff}} = 60\,000\,\text{K}$ und $\log g = 5\,(\text{rot}),\,6\,(\text{grün}),\,7\,(\text{blau}).$

Aus dem Abgleich in Abb. 9.5 kann man erkennen, dass $\log g = 7$ die Beobachtung am besten reproduziert. Jedoch erkennt man klar, dass das die Modelle markante He-Linien (He I bei 4025 Å und He II bei 4026 Å und 4199 Å) produzieren, die sich nicht in der Beobachtung wiederfinden. Daher wird Schritt 3 vorgezogen.

Schritt 3

Da diese Linien Helium zugeordnet werden, bietet es sich an, He aus den Modellen heraus zu nehmen und die weitere Untersuchung mit einem reinen H-Modell fortzuführen.

Schritt 2a

Hier werden nach Schritt 1a folglich Modelle mit $\log g = 7$ betrachtet, mit einer Temperaturabstufung von 20 000 K.



Abbildung 9.6: Beobachtung von G191-B2B verglichen mit drei Modellspektren bei $\log g = 7$. Abstufungen von rot nach blau: $T_{\text{eff}} = 100\,000\,\text{K},\,80\,000\,\text{K},\,60\,000\,\text{K}.$

In Abb. 9.6 ist die Entscheidung nicht ganz einfach. Offensichtlich nimmt die Linienstärke von Linie zu Linie stärker zu als die der Modelle. Die Modelle passen demnach noch nicht richtig zur Beobachtung. Dennoch lässt sich feststellen, dass das Modell mit 80 000 K am besten passt. Die weitere Untersuchung wird also mit diesem Wert stattfinden.

Schritt 1b

Nun betrachtet man die Beobachtung mit einer feineren Abstufung bezüglich $\log g$. Da die Modelle noch deutliche Abweichungen aufzeigen, bietet sich im Vergleich zu Beispiel 1 hier eine Abstufung von $\log g = 0.5$ an.

Auch hier (Abb. 9.7) ist die Wahl des besten Modells nicht offensichtlich. Insbesondere bei der Absorptionslinie auf 3790 Å fällt es schwer, das passende Modell zu bestimmen. Betrachtet man die Linienflügel jedoch bei den Linien auf 4101 Å und 4340 Å, so reproduziert das Modell mit $\log g = 7.5$ die Linienflügel der Beobachtung besser als die beiden anderen Modelle. Die Linienstärke scheint noch nicht korrekt zu sein, was Schritt 2b notwendig macht.

Schritt 2b

Aus Abb. 9.7 geht hervor, dass die Linien noch etwas stärker ausgeprägt sein müssten. Man könnte nun einfach erneut mehrere feine Abstufungen um den aktuellen Wert für T_{eff} herum vornehmen. Da man aber aus Abb. 9.6 weiß, dass die stärker ausgeprägte Linie einer niedrigeren T_{eff} zugeordnet



Abbildung 9.7: Beobachtung von G191-B2B verglichen mit drei Modellspektren bei $T_{\text{eff}} = 80\,000\,\text{K}$ und log g = 6.5 (rot), 7.0 (grün), 7.5 (blau).

werden kann, bietet es sich an, die feine Temperaturrasterung von der aktuellen T_{eff} hin zu niedrigeren T_{eff} vorzunehmen. Daher sollte eine Darstellung mit Modellen für T_{eff} 75 000 K, 70 000 K, 65 000 K besseren Aufschluss über diese Kenngrösse geben.



Abbildung 9.8: Beobachtung von G191-B2B verglichen mit drei Modellspektren bei $\log g=7.5$. Abstufungen von rot nach blau: $T_{\rm eff}=75\,000\,{\rm K},\,70\,000\,{\rm K},\,65\,000\,{\rm K}.$

Je feiner das Gitter der Parameter, desto schwerer ist es auch, das beste Modell zu bestimmen. In Abb. 9.8 benötigt man bereits mehrere Blicke um zu erkennen, dass das Modell mit $65\,000\,\text{K}$ am besten passt. Hiermit ist bereits eine gute Näherung erreicht. Da die Linienflügel noch nicht ganz passen folgt noch eine letzte Betrachtung mit feinerer Abstufung bezüglich log g.

Schritt 1c

Die $65\,000\,\mathrm{K}$ des vorhergegangenen Schrittes wird in dieser Betrachtung erneut beibehalten und $\log g$ wird nochmals feiner abgestuft mit Schrittweite 0.1.



Abbildung 9.9: Beobachtung von Feige G191-B2B verglichen mit drei Modellspektren bei $T_{\text{eff}} = 65\,000\,\text{K}$ und log $g=7.5\,(\text{rot}), 7.6\,(\text{grün}), 7.7\,(\text{blau}).$

In Abb. 9.9 ist schwer zu bestimmen, welches Modell am besten passt. Erkennbar ist, dass das Modell mit $\log g = 7.5$ am schlechtesten passt. Auch das Modell mit $\log g = 7.7$ weicht an den beiden äusseren Linien etwas mehr von der Beobachtung ab. Demnach reproduziert das Modell mit $\log g = 7.6$ die Beobachtung am besten. Da der Abgleich mit dem Auge geschieht, ist hier stets ein gewisses Maß an Subjektivität vorhanden und Entscheidungen bei bereits eng eingegrenzten Parametern sind bei den hier vorgenommenen einfachen Anpassungen oftmals leicht abweichend von den tatsächlichen Werten.

Literaturwerte

In der Literatur finden sich für G191-B2B folgende Werte (3): $T_{\rm eff}=60\,000\pm2000\,K$ $\log g=7.6\pm0.05$

Die verwendete Methode führt auch hier mit wenigen Schritten nahe an die Werte von präzisen und aufwändigen wissenschaftlichen Untersuchungen heran.

Abb. 9.10 zeigt nochmals schematisch die Vorgehensweise bei der Bestimmung der Parameter einer Beobachtung. Zunächst wird ein grobes Gitter aus Parametern angelegt, welches dann Schritt für Schritt verfeinert wird. Die roten Pfeile zeigen die einzelnen Abschnitte der Untersuchung in Beispiel 2. Da das Schema die Dimensionen T_{eff} und log g hat, verdeutlicht ein Richtungswechsel die abwechselnde Betrachtung der beiden Parameter.



Abbildung 9.10: Die schematische Vorgehensweise bei der Parameterbestimmung in Beispiel B.

10 Spektralanalyse im Internet

Das Institut für Astronomie und Astrophysik der Universität Tübingen ist stets bemüht, seine Arbeit auch der Öffentlichkeit zugänglich und greifbar zu machen. Jeder soll von der betriebenen Forschung profitieren und daran teilhaben können. Aus dieser Motivation heraus sind in der Vergangenheit mehrere Programme und eine Datenbank im Zuge des GAVO-Projekts online gestellt worden. Sie bieten Laien ebenso wie dem versierten Wissenschaftler die Möglichkeit, Untersuchungen vorzunehmen. Im Zuge dieser Arbeit sollen folgende Tools erläutert werden:

- **TheoSSA: Theo**retical **S**tellar **S**pectra **A**ccess ist eine Datenbank, in der alle synthetischen Spektren hinterlegt und verfügbar sind, welche in der Vergangenheit z.B. von **TMAW** berechnet wurden.
- TMAW: Im Tübingen Model-Atmosphere Package WWW Interface kann die Berechnung von synthetischen Spektren in Auftrag gegeben werden, welche nicht in TheoSSA vorhanden sind.
- **TVIS:** Das **T**übingen **Vis**ualisation Tool bietet die Möglichkeit eine grafische Darstellung der vom Benutzer vorgenommenen Untersuchungen dauerhaft auf dessen Internetseite einzubinden.
- **TVIS Interactive:** Das **T**übingen **Vis**ualisation Tool **Interactive** ermöglicht die einfache visuelle Analyse von Sternspektren direkt im Internet, insbesondere mit Zuhilfenahme von synthetischen Spektren aus **TMAW** und **TheoSSA**.
- **TVIS Data Changer:** Dieser wandelt (Beobachtungs-)Daten so um, dass sie kompatibel mit den Anwendungen aus **TVIS** sind.

10.1 TheoSSA

Dieser Dienst ist unter der Webadresse http://dc.g-vo.org/theossa zu erreichen. Abb. B.1 zeigt die Benutzeroberfläche. Um die gewünschten synthetischen Spektren aus der Datenbank zu erhalten, sind nur wenige Eingaben nötig.

Effektivtemperatur in K: Eine Eingrenzung des Temperaturbereichs ist hier möglich. Wird nur eine der beiden Grenztemperaturen eingegeben, so fungiert diese, je nach Feld, als Ober- oder

Untergrenze für die Suchanfrage.

- Log g in cm/s² : Nach dem gleichen Prinzip kann hier die Suchanfrage eingegrenzt werden durch einen bestimmten Bereich oder Maximal- bzw. Minimalwert.
- Massenverlustrate in Einheiten von Sonnenmassen pro Jahr: Hier kann der Massenverlust spezifiziert werden. Suchanfragen erzielen aber auch ohne diese Angabe Ergebnisse. Zur Zeit stehen noch keine Modelle von expandierenden Sternatmosphären zur Verfügung.
- **Elementhäufigkeit:** Mit diesen Feldern kann die chemische Zusammensetzung des Sternes vorgegeben werden. Zunächst wählt man jeweils ein Element aus der Drop-Down-Leiste. Dessen Massenbruchteil wird zwischen 0 und 1 angegeben. 10% entspricht demnach 0.1. Auch hier können wahlweise nur Ober- oder Untergrenzen gesetzt werden.
- Standardsterne: Alternativ zu spezifischen Angaben können auch synthetische Spektren mit den Parametern der Standardsterne ausgewählt werden, welche im Menü vorhanden sind.
- Tabelle: Unter diesem Punkt kann die Sortierung der Ausgabetabelle genauer definiert werden. Sortiert werden kann nach Elementen, dabei kann man zwischen den Optionen ASC für aufsteigend (engl.: ascending) oder DESC für absteigend (engl.: descending) wählen. Darüber hinaus kann die Menge der Suchergebnisse limitiert werden.
- Ausgabe Format/Output format: Unter diesem Punkt kann zunächst die Darstellung der Suchergebnisse festgelegt werden. Weiterhin kann im Feld More Output fields/weitere
 Ausgabefelder angegeben werden, welche weiteren Informationen zu den synthetischen Spektren in der Ausgabetabelle integriert sein sollen.

Nach der Suchanfrage werden die verwendeten Parameter (Abb. B.3) nochmals bestätigt und die damit übereinstimmenden Ergebnisse in einer Tabelle entsprechend der angegebenen Präferenzen aufgelistet, wie beispielhaft in Abb. B.2 zu sehen ist. Bewegt man den Cursor über die Spalte Product key, erscheint in der entsprechenden Zeile eine Miniaturansicht des ausgewählten Spektrums (Abb. B.4). Abgesehen von den in der Suchanfrage spezifizierten Parametern, ist hier auch noch der Wellenlängenbereich angegeben, den das synthetische Spektrum abdeckt. Zum Speichern der Datei kann man unter Product key aus verschiedenen Dateiformaten auswählen. Um die Datei in **TVIS** darstellen zu können, muss die Datei mit der Dateinamenserweiterung *.txt* abgespeichert werden. Sollte ein Spektrum mit einer Parameterkonfiguration benötigt werden, welche nicht in der **TheoSSA** Datenbank vorliegt, so kann dieses über eine Anfrage bei **TMAW** berechnet werden.

10.2 TMAW

Dieser Dienst ist unter der Webadresse http://astro.uni-tuebingen.de/~TMAW zu erreichen. Abb. B.5 zeigt die Benutzeroberfläche. Er ermöglicht die Berechnung von synthetischen Spektren, deren Parameterkonfiguration nicht in **TheoSSA** zu finden ist. Die Modellatmosphären werden dabei durch das **T**übingen NLTE **M**odel-**A**tmosphere **P**ackage (**TMAP** (6)) berechnet, das am Institut für die Forschungsarbeit genutzt wird und mit dem auch die synthetischen Spektren für diese Arbeit erstellt wurden. Mit wenigen Schritten ist eine Anfrage getätigt.

- **Persönliche Informationen:** Hier ist besonders auf die Richtigkeit der Email-Adresse zu achten, hierauf wird vor der Übermittlung durch **Submit** nochmals ausdrücklich hingewiesen.
- SED Parameter: Die Randbedingungen Wellenlängenbereich und $\Delta\lambda$ (Abstand der Datenpunkte) des Spektrums können hier spezifiziert werden. Dabei kann aus Standardeinstellungen gewählt oder eine individuelle Angabe gemacht werden.
- Modellgitter Parameter: Um effiziente Untersuchungen vornehmen zu können, werden, basierend auf der in Kapitel 8 erklärten Vorangehensweise, bei **TMAW** nicht einzelne Spektren berechnet, sondern ein Gitter aus verschiedenen Parameterzusammensetzungen, siehe Abb. B.6. Das Gitter hat die Dimensionen T_{eff} und log g. Hierfür müssen jeweils Maximal- und Minimalwerte angegeben werden. Hinzu kommt die Schrittweite zwischen diesen Grenzen, mit der die Modelle berechnet werden sollen. Schrittweite sowie Grenzwerte sollten je nach Fortschritt der Untersuchung entsprechend Kapitel 8 gewählt werden.

Die Werte für T_{eff} können sich hierbei nur im Bereich von 20 000 K - 300 000 K befinden. Die Werte für log g sind beschränkt auf den Bereich von 4.0-9.9.

Elementhäufigkeiten: Diese sind standardmäßig auf solare (d.h. Sonnen-)Werte gesetzt, können aber individuell geändert werden. Je mehr Elemente in das Modell integriert werden, desto länger dauert dann die Berechnung. Werden die Elemente bis O integriert, sind es bis zu zwei Tage. Bis zu fünf Tage können benötigt werden, wenn alle Elemente bis Mg berücksichtigt werden müssen.

Nachdem ein Auftrag durch **submit** abgesandt wurde, erscheint eine Auftragsbestätigung (Abb. B.7, B.8) mit einer Zusammenfassung der persönlichen, sowie gitterspezifischen Daten. Der User wird per Email verständigt, sobald die die Berechnung gestartet wird und weiterhin, wenn die Anfrage vollständig berechnet wurde. Diese Email enthält dann einen Link, über welchen man die synthetischen Spektren erhält.

10.3 TVIS

Dieser Dienst ist unter der Webadresse http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS zu erreichen. Abb. B.11 zeigt die Website. Hier wird Schritt für Schritt angeleitet, wie man den Plotter auf seine eigene Homepage einbinden kann, um die eigene Arbeit an Spektren anderen zugänglich zu machen. Das Tool basiert auf HTML5 und funktioniert daher ohne Flash und Java. Umfangreiche Gestaltungsmöglichkeiten finden sich unter dem Link im Bereich **Commands** (Abb. B.13), wodurch sich individuelle Einstellungen realisieren lassen. Einige Beispiele sind unter **Objects** zu sehen. Darüber hinaus ist auf der **TVIS** - Seite auch der TVIS Data Changer (Abb. B.14) zu finden.

10.4 TVIS Data Changer

Dieses Tool optimiert die Datensätze aus **TMAW** und **TheoSSA**, welche mit **TVIS** geplottet werden sollen. Dabei werden überflüssige Inhalte entfernt und Datenpunkte je nach Einstellung reduziert, um die Darstellung in **TVIS** zu beschleunigen. Der Aufbau der Dateien aus **TMAW** oder **TheoSSA** ist in Kapitel C.1 dargestellt. Alle Zeilen, die mit * beginnen, sind Kommentarzeilen und enthalten daher keine verwertbaren Daten. Sie enthalten Informationen über die Entwickler des Verfahrens, sowie die zur Berechnung verwendeten Programme. Ebenso sind die Parameter des Modells nochmals zusammengefasst. Das Symbol * ist demnach das Kommentarzeichen der Datei in Kapitel C.1, welches dafür sorgt, dass alles was in der entsprechenden Zeile steht nicht verarbeitet wird, da es nur als Kommentar für den User gedacht ist. Sechs Zeilen vor Ende des Kommentarbereichs wird erläutert, was in den nachfolgenden Spalten aufgetragen ist. Spalte eins enthält die Wellenlänge, Spalte zwei den absoluten Strahlungsfluss und Spalte drei den relativen Strahlungsfluss. Für den reibungslosen Betrieb des Data Changers sollte die aktuelle Java-Version auf dem ausführenden Computer installiert sein. Abb. B.15 zeigt den TVIS Data Changer im geöffneten Fenster. Es sind nur wenige Angaben nötig, um einen optimierten Datensatz zu erhalten:

- Input: Mit dem Schalter Browse kann die gewünschte Datei aus dem Verzeichnis des Nutzercomputers ausgewählt werden. Dabei muss die Datei vorher aus TMAW oder TheoSSA gespeichert worden sein. Weiterhin ist es möglich, selbst gewonnene Datensätze zu optimieren, alle Einstellungen funktionieren auch hierfür.
- Output: Mit dem Schalter Browse können Ausgabeordner und Name der neuen Datei festgelegt werden.
- Comment sign: Hiermit wird festgelegt, welches Symbol in der Datei als Kommentarzeichen dient, und welche, für die Erstellung der neuen Datei überflüssigen Zeilen, ignoriert werden können. Für Dateien aus TMAW oder TheoSSA ist dies stets das * Symbol. Dieses ist daher als Standardeinstellung hinterlegt. Für .txt-Dateien anderen Ursprungs muss das Kommentarzeichen in der Datei überprüft und unter Comment sign eingetragen werden.
- Define Column: Da die Dateien aus TMAW und TheoSSA mit bis zu drei Spalten ausgegeben werden, muss hier angegeben werden, welche Spalte gegen welche Spalte aufgetragen werden soll. Für eine Untersuchung mit einem rektifizierten Spektrum (also mit relativem Fluss) sind die Spalten eins und drei zu wählen. Jedoch enthalten viele Spektren aus TheoSSA nur zwei Spalten, also Wellenlänge und absoluten Strahlungsfluss. Dies muss vorher überprüft und die Untersuchung dementsprechend angepasst werden.
- Re-grid: Um die Datenmenge weiter reduzieren zu können, wird hier der gewünschte Bereich der X-Werte durch Xmin und Xmax eingeschränkt, so dass die Datenpunkte außerhalb dieses Bereiches ignoriert werden können.

Es ist unbedingt drauf zu achten, dass der Bereich von Xmin bis Xmax nicht den Bereich unter- bzw. überschreitet, der als X-Wert in der Ursprungsdatei hinterlegt ist!

Die Angabe unter **Grid** legt fest, in welchem Abstand (in ganzen Zahlen) die Datenpunkte auf der X - Achse der Output datei liegen sollen. Die ursprünglichen Werte werden dementsprechend interpoliert. Kapitel C.1 zeigt demnach eine Datei bei der $\mathbf{Xmin} = 915$ war und $\mathbf{Grid} = 2$.

Convolve: Bei der Aufnahme eines stellaren Spektrums durch einen Spektrograph wird nie die vollständige Information des Spektrums aufgenommen, da auch ein Spektrograph, bedingt durch sein Auflösungsvermögen⁴, die aufgenommene Farbe (Wellenlänge) nur entweder zu Pixel A oder dem daneben liegenden Pixel B zuordnen kann. Innerhalb eines dieser Pixel kann aber nicht weiter differenziert werden. Pixel A hat immer eine bestimmte Wellenlänge und Pixel B eine Wellenlänge sehr nahe der von Pixel A. Daher geht Information verloren, da alles Licht das auf Pixel A auftrifft, ausschließlich dieser Wellenlänge zugeordnet wird, obwohl sich auch Pixel A über einen sehr kleinen Wellenlängenbereich hinweg erstreckt.

Die synthetischen Spektren aus **TMAW** und **TheoSSA** berücksichtigen diesen Effekt nicht, daher muss dieser nachträglich durch **Convolve** hinzugefügt werden, um einen guten Abgleich ermöglichen zu können. Da die meisten Spektrographen das Linienprofil tendenziell hin zu einem Gaussschen Glockenprofil verändern, wird mit **Convolve Gauss** auch das synthetische Spektrum mit einem solchen Glockenprofil überlagert, sodass die einzelnen Linienprofile entsprechend dem realen Effekt verändert werden. Die **Box** stellt die primitivste Glättungsfunktion dar, **Gauss** hingegen glättet deutlich realistischer. Bei **Gauss** wird die Stärke des Effektes mit σ eingestellt, bei **Box** mit **Width**. Normale Werte für σ liegen zwischen 0.01 (für hochaufgelöste Spektren), 1 (für mittlere Auflösung) und bis zu 6 (für geringe Auflösung).

Calculate: Speichert die optimierte Datei unter dem angegebenen Pfad. Kapitel C.2 zeigt die angepasste Datei. Unnötige Informationen sind entfernt, die Datenmenge wurde entsprechend der Angaben in Grid reduziert.

10.5 TVIS Interactive

Dieser Dienst ist unter http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS/interactive zu erreichen. Im Gegensatz zu TVIS bietet die TVIS Interactive Oberfläche die Möglichkeit, gewonnene Spektren im Abgleich mit synthetischen Spektren aus TMAW und TheoSSA direkt im Internet zu untersuchen. Das Tool ist so konzipiert, dass die in Kapitel 8 und 9 vorgestellte Vorgehensweise leicht durchzuführen ist. Es können bis zu drei vorher gespeicherte synthetische Spektren im gleichen Plot

 $^{{}^4}r = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}$

wie die zu untersuchende Beobachtung aufgetragen werden.

- Dataset 01 04: Im Bereich unter der Plot Box werden synthetische Spektren, sowie Beobachtungen oder sonstige Daten hochgeladen.
- Identification: Hier können zusätzliche Linienidentifikationsdaten hochgeladen werden. Jedoch können im Bereich rechts neben der Plotbox, unter **Default identification**, grundliegende Absorptionslinien der Elemente **H** und **He** eingeblendet werden.
- **Upload and Submit:** Durch Betätigung des Schalters werden die Dateien geladen und der Plot wird erstellt. Dies kann einige Sekunden dauern.

Erst nach dem Upload können nähere Einstellungen vorgenommen werden. Diese ändern sich dann instantan nach verlassen des entsprechenden Feldes.

- **Header:** In diesem Feld kann eine Überschrift für die Plotbox gewählt werden. Die Standardeinstellung ist *Header*.
- $\mathbf{X}_{\min}/\mathbf{X}_{\max}$: Der X-Achsen-Bereich der zu plottenden Daten kann hier eingeschränkt werden (Angaben in Å).
- Y_{min}/Y_{max}: Analog kann hier der Y-Achsen-Bereich der zu plottenden Daten eingeschränkt werden (Angaben in Å).
- X_{Exp} bzw. Y_{Exp} Notation: Durch Aktivierung der Box werden die Achsenbeschriftungen in Exponentialschreibweise dargestellt. Die Felder Digits geben die Anzahl der Nachkommastellen an. Die Standardeinstellung hier ist 2.
- **Datasets:** In diesem Bereich können per Drop-Down-Leiste die Farben der dargestellten Datensätze ausgewählt werden. Im Feld Y_{Ident} kann die Position der Identifikationslinien auf der Y-Achse (in Å) festgelegt werden, sollten zusätzliche Identifikationslinien hochgeladen worden sein. Die Standardeinstellung ist hier Y_{min} . Auch die Farbe kann ausgewählt werden.
- **Default identification:** Dieser Bereich bezieht sich auf die standardmäßig verfügbaren Identifikationslinien. Die Elemente **H** und **He** sind hinterlegt. **Series** bezieht sich dabei auf die in Abb. A.2 dargestellten Serien, in diesem Fall auch für zwei Ionisationsstufen des Heliums. Diese können durch Aktivierung der entsprechenden Box eingeblendet werden.

- $\mathbf{Y}_{\mathbf{Ident}}$: Hier kann die Position der Standard-Identifikationslinien auf der Y-Achse (in Å) festgelegt werden. Die Standardeinstellung ist auch hier Y_{\min} und sollte daher entsprechend angepasst werden.
- **Crosshair:** Durch Aktivieren der Box werden eine horizontale und ein vertikale Gerade als Fadenkreuz durch die Spitze des Cursors gelegt. Dies vereinfacht unter Umständen die genaue Bestimmung der Lage von Linienschwerpunkten oder Peaks im Spektrum.
- Save Plot: Hier kann die aktuell angezeigte Grafik für weiteren Gebrauch im PNG-Format gespeichert werden. Diese Funktion ist zur Zeit des Abschlusses dieser Arbeit nur in Firefox aber leider noch nicht im Microsoft Internet Explorer verfügbar.
- **Testspektren:** Um sich mit der in Kapitel 8 und 9 erklärten Methode vertraut machen zu können, ohne eigene Spektren bereitstellen zu müssen, sind hier mehrere reale und synthetische Spektren und deren Literaturwerte hinterlegt. Diese können zum Testen in **TVIS Interactive** heruntergeladen werden.

11 Spektrometer im Schulgebrauch

Im Zuge dieser Arbeit wurde auch untersucht, ob sich im Schulgebrauch gängige Spektrometer für die Aufnahme und Untersuchung stellarer Absorptionslinienspektren eignen. Getestet wurden dabei die zwei gängigsten Modelle:

- 1.) Das SPECTRA-1 der Firma Kvant Ltd. (Abb. 11.1 a).
- 2.) Das SPECTRA mini der Firma Cornelsen Experimenta (Abb. 11.1 b).





Nachdem Erhalt der Spektrometer stellte jedoch sich heraus, dass das Modell SPECTRA mini zwar von Cornelsen Experimenta vertrieben wird, dabei aber ebenfalls ein Produkt der Firma Kvant ist. Während das SPECTRA mini etwas kompakter als das SPECTRA - 1 ist, ist die jeweils mitgelieferte Software SPECTRA₁ identisch. Die entsprechende Benutzeroberfläche ist in Abb. B.16 dargestellt. Bereits nach der ersten, vorläufigen Inbetriebnahme beider Modelle stellte sich heraus, dass eine Untersuchung stellarer Objekte nicht möglich sein würde.

Die Benutzeroberfläche ist einfach und intuitiv bedienbar. Auch ist die Darstellung der Spektren sehr gut für den Schulgebrauch umgesetzt. Ein reales, farbiges Bild des aufgezeichneten Spektrums wird angezeigt, und die dazugehörige Intensitätsverteilung ist in den Farben entsprechend der Wellenlängen einfärbbar. Auch ist eine sinnvolle Serienbildfunktion integriert, die es ermöglich bei sehr kurzen Lichteinstrahlungen, wie z.B. Verbrennungen, ein aussagekräftiges Spektrum zu erhalten. Mehrere Spektren können zum Vergleich gleichzeitig dargestellt werden. Trotz dieser vorteilhaften Gestaltung der Steuermöglichkeiten für den Schulgebrauch, ist die Möglichkeit die Belichtungszeit zu bestimmen nicht vorhanden, was bei der Aufnahme von astronomischen Spektren mit geringer Lichtausbeute von besonderer Bedeutung ist. Weiterhin ist die Einheit der Strahlungsintensität weder in den Ausgabedateien, noch in der visuellen Darstellung ersichtlich. Ausschlaggebend für die Eignung des Spektrometer für die effektive Untersuchung astronomischer Spektren jedoch ist dessen Auflösungsvermogen. An einer Ausgabedatei (Kapitel C.3), die für beide Modelle identisch aufgebaut ist, kann man gut erkennen, dass dieses mit ca. 4-5 Å leider nicht den Anforderungen entspricht, die für normale Untersuchungen erforderlich sind.

Das Modell SPECTRA-1 wurde durch freundliche Unterstützung der **Firma Kvant Ltd.**⁵ zur Untersuchung zur Verfügung gestellt.

Das Modell SPECTRA mini wurde durch freundliche Unterstützung von **Cornelsen Experimenta**⁶ zur Untersuchung zur Verfügung gestellt.

⁵http://www.kvant.sk/en/home/

⁶http://www.corex.de/

Literatur

- B. Baschek, P. Hoeflich, and M. Scholz. The OB subdwarf Feige 66, a chemical-composition twin to HD 149382. A&A, 112:76–83, August 1982.
- [2] The Star Garden. Newtons theory of light. http://www.thestargarden.co.uk/ Newtons-theory-of-light.html, Dec 2016.
- [3] T. Rauch, K. Werner, R. Bohlin, and J. W. Kruk. The virtual observatory service TheoSSA: Establishing a database of synthetic stellar flux standards. I. NLTE spectral analysis of the DA-type white dwarf G191-B2B. A&A, 560:A106, December 2013.
- [4] P.A. Tipler and G. Mosca. *Physik für Wissenschaftler und Ingenieure*. Spektrum Akademischer Verlag, Heidelberg, 6. edition, 2009.
- [5] A. Weigert, H.J. Wendker, and L. Wisotzki. Astronomie und Astrophysik: ein Grundkurs.
 Wiley-VCH, Weinheim, 5., aktualisierte und erw. aufl., 2. nachdr. edition, 2011.
- [6] K. Werner, S. Dreizler, and T. Rauch. TMAP: Tübingen NLTE Model-Atmosphere Package. Astrophysics Source Code Library [record ascl:1212.015], December 2012.

A Absorptionslinien - Vertiefende Betrachtung

Motiviert wurde Bohrs Idee der diskreten Kreisbahnen durch die Tatsache, dass eine beschleunigte Ladung in einem Magnetfeld eigentlich Energie in Form von elektromagnetischer Strahlung abgeben muss. Auf Dauer würde das Elektron so viel Energie verlieren, dass es in den Kern stürzen müsste. Um dies zu umgehen postulierte Bohr in Form von drei Postulaten (4), dass sie sich auf diesen Kreisbahnen verlustfrei bewegen können.

1. Bohrsches Postulat

Die Energiewerte eines Atoms liegen in diskreten Stufen E_n vor.

2. Bohrsches Postulat

Die Frequenz der ausgesandten elektromagnetischen Strahlung entspricht der Energiedifferenz der betroffenen Energiezustände, es gilt

$$h\nu = E_{\rm B} - E_{\rm A} \quad . \tag{14}$$

3. Bohrsches Postulat

Der Umlauf der Elektronen geschieht nur auf bestimmten Bahnen. Beschrieben wird dies durch quantisierten Drehimpuls, der nur als ganzzahliges Vielfaches von \hbar (Plancksches Wirkungsquantum, $\hbar=6.62610^{-34}$ Js/ $2\pi=1.05410^{-34}$ Js) auftreten kann, also

$$L = mv_{\rm n}r_{\rm n} = \frac{n\hbar}{2\pi} = n\hbar, n \in \mathbb{N} \quad . \tag{15}$$

n ist die Hauptquantenzahl. Auf diesen diskreten Kreisbahnen wirkt selbstverständlich die nach innen gerichtete Coulombkraft $F_{\rm c}$ als Zentripetalkraft $F_{\rm z}$. Es gilt

$$F_{\rm z} = F_{\rm c} \tag{16}$$

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0}\frac{Ze^2}{r^2} = \frac{m_{\rm e}v^2}{r} \quad . \tag{17}$$

Formt man Gleichung 17 nach v um, ergibt sich

$$v^2 = \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 m_{\rm e}r} \quad . \tag{18}$$

Hierbei ist ϵ_0 die Dielektrizitätskonstante, m_e die Masse des Elektrons, Z die Kernladungszahl und r der Bahnradius. Damit wird der Parameter der Geschwindigkeit festgelegt, da die weiteren Parameter wie die Masse und Ladung durch die Elektronen und das jeweilige Element festgelegt sind. Nun kann man das dritte Bohrsche Postulat als Bedingung für die Geschwindigkeit mit einfließen lassen (Gleichung 19). Es drückt aus, dass der Drehimpuls nicht mehr beliebige Werte annnehmen kann, sondern nur ganzzahlige Vielfache von \hbar . Daher spricht vom quantisiertem Drehimpuls.

$$L = m_{\rm e} v_{\rm n} r_{\rm n} = \frac{n\hbar}{2\pi} = n\hbar, n \in \mathbb{N}$$
⁽¹⁹⁾

$$m_{\rm e}v_{\rm n}r_{\rm n} = n\hbar\tag{20}$$

Gleichung 20 formt man ebenfalls nach v um, wodurch sich

$$v_{\rm n} = \left(\frac{n\hbar}{m_{\rm e}r_{\rm n}}\right)^2 \tag{21}$$

ergibt. Dies setzt man ein in Gleichung 18 und erhält

$$\frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 m_{\rm e}r} = \left(\frac{n\hbar}{m_{\rm e}r_{\rm n}}\right)^2 |:r \tag{22}$$

$$\frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 m_{\rm e}} = \frac{n^2\hbar^2}{m_{\rm e}^2 r_{\rm n}} \quad . \tag{23}$$

Gleichung 23 kann man nun nach r auflösen, dabei erhält man

$$r_{\rm n} = 4\pi\epsilon_0 \frac{n^2\hbar^2}{Ze^2m_{\rm e}} = \frac{4\pi\epsilon_0\hbar^2}{e^2m_{\rm e}}\frac{n^2}{Z} \qquad (24)$$

Nach dem Einfügen des dritten Bohrschen Postulats als Randbedingung wird klar, dass nur spezielle Bahnradien in Abhängigkeit von der Hauptquantenzahl n eingenommen werden können und nicht

jeder beliebige Abstand.

Die diskrete Verteilung der möglichen Bahnradien wirkt sich auch auf die Gesamtenergie der kreisenden Elektronen aus. Die potenzielle Energie eines Elektrons auf einer Kreisbahn in einem elektrostatischen Feld ist gegeben durch

$$E_{\rm pot} = -\frac{1}{2} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Ze^2}{r} \quad . \tag{25}$$

Mit den oben berechneten möglichen Bahnradien r_n ergibt sich für die Energieniveaus eines Atoms mit Kernladungszahl Z

$$E_{\rm n} = -\frac{1}{2} \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0}\right)^2 \frac{Z^2 e^4 m_{\rm e}}{\hbar^2 n^2} = -Z^2 \left[\frac{e^4 m_{\rm e}}{(4\pi\epsilon_0)^2 \hbar^2}\right] \frac{1}{n^2} = Z^2 E_0 \frac{1}{n^2} \quad . \tag{26}$$

Dabei bezeichnet man E_0 als Bindungsenergie im Grundzustand. Durch diese Gleichung können jetzt die unterschiedlichen Energieniveaus eines Atoms bestimmt werden. Abb. A.1 zeigt die ersten Niveaus ausgehend vom Grundzustand mit n=1 für Wasserstoff (Z=1). Dabei ergibt sich für den Grundzustand $E_0 = -13.6$ eV.

$$\begin{array}{c} n = \infty \\ n = 4 \\ n = 3 \end{array} \begin{array}{c} 0 \text{ eV} \\ -0.8 \text{ eV} \\ -1.5 \text{ eV} \end{array} \\ n = 2 \end{array}$$



Abbildung A.1: Energieniveaus des Wasserstoffs.

Um ein Elektron von einem Energieniveau A auf ein anderes Niveau B anzuheben, bedarf es demnach

genau definierter Energiewerte

$$E_{\rm AB} = Z^2 E_0 \frac{1}{n_{\rm B}^2} - Z^2 E_0 \frac{1}{n_{\rm A}^2} = -Z^2 E_0 \left(\frac{1}{n_{\rm B}^2} - \frac{1}{n_{\rm A}^2}\right) \quad .$$
(27)

Diese Beziehung ist bekannt als Rydbergformel. Damit lässt sich dass obige Termschema nun erweitern auf Übergänge zwischen Bahnen höherer Hauptquantenzahlen.

Verschiedene Übergänge, die alle von dem gleichen Energieniveau ausgehen, lassen sich zu Serien zusammenfassen, diese sind in Abb. A.2 dargestellt. So spricht man im Zusammenhang von Wasserstoff z.B. bei allen Übergängen, die vom ersten Niveau ausgehen von der Lymanserie und beim zweiten Niveau von der Balmerserie.

In der Realität wird dieses Termschema jedoch deutlich komplizierter, je mehr Elektronen ein Element zur Verfügung hat. In Mehrelektronensystemen können eine Vielzahl von unterschiedlichen Elektronenkonfigurationen und damit verbunden noch deutlich mehr Übergänge realisiert werden. Jeder einzelne Ionisationszustand eines Elementes erweitert dabei erneut die Übergangsmöglichkeiten. Diese werden innerhalb eines bestimmten Atomkonfiguration werden gewöhnlich in Grotriandiagrammen aufgeführt, was die Komplexität der Vorgänge gut veranschaulicht. Abb. A.3 zeigt beispielhaft die möglichen Übergänge des neutralen Heliums. In der quantenmechanischen Betrachtung dieser Konfiguration gibt es vier gleichberechtigte Lösungen der Schrödingergleichung, die sich nur durch unterschiedliche Spinfunktionen (ermittelt die möglichen Spinkonfigurationen der involvierten Elektronen) unterscheiden. Drei dieser vier Lösungen produzieren identische Energieniveaus, eine Lösung produziert davon verschiedene Niveaus. Damit ergeben sich zwei gleichberechtigte Termschemen in Abhängigkeit der Spinkonfiguration. Links ist die Singlettlösung dargestellt (Energieniveaus werden von nur einer Elektronenspinausrichtung produziert) und rechts die Triplettlösung (Energieniveaus werden von drei unterschiedlichen Elektronenspinausrichtungen identisch produziert). Bei der Berechnung von Modellatmosphären werden all diese möglichen Konfigurationen, Übergänge und deren Wahrscheinlichkeiten, sowie die Besetzungszahldichten der angeregten Zustände in Abhängigkeit der äußeren Parameter berücksichtigt. Dies erklärt, wieso selbst mit leistungsstarken Großrechnern die Berechnung eines Modells mehrere Stunden bis Tage dauern kann.

Um den Übergang auf ein höheres Niveau zu ermöglichen, bedarf es der äußeren Zufuhr von Energie. Der Energieübertrag, der dafür notwendig ist, kann hierbei auf verschiedene Art und Weise geschehen.



Abbildung A.2: Übergangsserien im Wasserstoffatom. Quelle: astro.uni-tuebingen.de/~TMAD, 14.12.2016

Zum Beispiel kann die Energie durch Kollisionen von Atomen mit Ionen, Elektronen oder anderen Atomen übertragen werden, und so einen Übergang verursachen. Von besonderem Interesse für uns ist jedoch der Übergang durch Absorption von Photonen. Entspricht die kinetische Energie des Photons genau der Energie, die notwendig ist um einen Übergang zu ermöglichen, so kann das Atom das Photon absorbieren und wird dabei in einen angeregten Zustand versetzt. Insbesondere ist die Energie eines Photons nach Planck über folgende Relation mit einer Wellenlänge λ , und



Abbildung A.3: Grotriandiagramm des neutralen Heliums. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TMAD.

somit einer spezifischen Farbe verknüpft

$$E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}; \qquad \lambda = \frac{hc}{E}$$
 (28)

Damit ist die Wellenlänge durch die Verknüpfung mit der Energie festgelegt durch die Rydbergformel

$$\Delta E = Z^2 E_0 \left(\frac{1}{n_{\rm B}^2} - \frac{1}{n_{\rm A}^2} \right)$$
 (29)

Jeder Übergang in einem Element absorbiert also Licht einer charakteristischen Wellenlänge.

B Internetseiten

GERMAN ASTROPHYSICAL GAVO VIRTUAL OBSERVATORY	TheoSSA 1	TMAP Web Interface
Help Service info	TheoSSA provides atmosphere calcula the Tübingen NLTE compact stars.	spectral energy distributions based on model ations. Currently, we serve results obtained using E Model Atmosphere Package (TMAP) for hot
Related		
Compute custom SEDs	Effective Temperature [K]	between and Range of the atmosphere's effective temperatures to include. If you only specify one bound, you get a half-infinite interval.
Metadata	Log Curfood	
Identifier	gravity [cm/s2]	Range of surface gravities to include. If you only specify one bound, you get a half-infinite interval.
ivo://org.gavo.dc/theossa/c	Mass loss rate	between and
Cite this	[solMass/yr]	Range of mass loss rates to include. If you only specify one bound, you get a half-infinite interval.
Advice on citing this resour	Mass Fraction	ANY V between and
Description	1	Mass fraction of an element. You may leave out either upper or lower bound.
TheoSSA provides spectra	Mass Fraction	ANY • between and
Keywords	2	Mass fraction of an element. You may leave out either upper or lower bound.
Stars: atmospheres	Mass Fraction	ANY between and
Creator	5	Mass fraction of an element. You may leave out either upper or lower bound.
Rauch, T.	Standard Stars	EG 274 No selection matches all, multiple values legal.
Created		Feige 110 v
2010-11-11T15:00:00		Common name of object observed.
Data updated	Table	Sort by ASC V
2016-11-28		Limit to 100 v items.
Copyright	Output format	HTMI More euteut fielde
When publishing research		
Source	6	Go
2003ASPC288103R		
Reference URL Service info	When publishing r acknowledge: "Th used to retrieve th part of the activitie Observatory."	esearch making use of this service, please e TheoSSA service (http://dc.g-vo.org/theossa) eoretical spectra for this paper was constructed as is of the German Astrophysical Virtual

Abbildung B.1: Die TheoSSA-Startseite. Quelle: http://dc.g-vo.org/theossa, 12.01.2017

GERMAN ASTROPHYSICAL GAVO VIRTUAL OBSERVATORY	TheoS	SA TM/	AP Web	Interface	e									
Help Service info Related Compute custom SEDs Metadata Identifier	Paramete Eleme Max E Max L Max. Min E Min L Min L	erts Effective Ter Log. Surface Mass Fracti ffective Ter og. Surface Mass Fractic	nperature [K]: gravity [cm/s on 1: 0.9 perature [K]: gravity [cm/s2 n 1: 0.7	80000 2]: 5.8 60000 4]: 5.2										
Cite this Advice on citing this resour Description TheoSSA provides spectra	Result Matched: 36 Send via SA	S AMP Quict	Plot											
Keywords Stars: atmospheres	Collection	Product key	Band start [Angstrom]	Band end [Angstrom]	Eff. Temp. IK1	Log Grav. [cm/s**2]	Mass loss rate [solMass/yr]	н	He	С	N	0	F	Na
Creator Rauch, T.					1.4	[00 1]	[
Created 2010-11-11T15:00:00	TMAP	[as VOTable] [as Text] [in	5.00	2000.00	60000	5.5	0.0	0.8	0.2	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
Data updated 2016-11-28 Copyright When publishing research	TMAP	Specview] [as VOTable] [as Text] [in Specview]	2000.00	3000.00	60000	5.5	0.0	0.8	0.2	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
Source 2003ASPC288103R Reference URL Service info	TMAP	[as VOTable] [as Text] [in Specview]	3000.00	55000.00	60000	5.5	0.0	0.8	0.2	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
<u>Try ADQL</u> to query our data.	TMAP	[as VOTable] [as Text] [in Specview]	5.00	2000.00	60000	5.5	0.0	0.9	0.1	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
Please report errors and problems to the <u>site operators</u> . Thanks. <u>Privacy Disclaimer</u> Log in	TMAP	[<u>as</u> VOTable] [<u>as Text]</u> [<u>in</u> Specview]	2000.00	3000.00	60000	5.5	0.0	0.9	0.1	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
	TMAP	<u>[as</u> <u>VOTable]</u> [as Text] [in	3000.00	55000.00	60000	5.5	0.0	0.9	0.1	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

Abbildung B.2: Ausgabetabelle von TheoSSA. Quelle: http://dc.g-vo.org/theossa, 12.01.2017

Parameters

- Element 1: H
- Max Effective Temperature [K]: 80000
- Max Effective Temperature [K]: 80000
 Max Log. Surface gravity [cm/s2]: 5.8
 Max. Mass Fraction 1: 0.9
 Min Effective Temperature [K]: 60000
 Min Log. Surface gravity [cm/s2]: 5.2
 Min. Mass Fraction 1: 0.7

Abbildung B.3: Bestätigung der Parameter. Quelle: http://dc.g-vo.org/theossa, 12.01.2017

Collection	Product key	Band start [Angstrom]	Band end [Angstrom]	Eff. Temp. [K]	Log Grav. [cm/s**2]
TMAP	[as VOTable] [as Text] [in Specview]	5.00	2000.00	60000	5.5
TMAP	[as VOTable] [as Text] [in Specview]	2000.00	3000.00	60000	5.5

Abbildung B.4: Vorschau der synthetischen Spektren. Quelle: http://dc.g-vo.org/theossa, 12.01.2017

GERMANI ASTROPHYSICAL GGAOOO Virtual Observatory	German Astrophysical Virtual Observatory	
Home	TMAW Request	
About GAVO Getting Started	Please specify effective temperature T _{eff} . Surface gravity log g, AM AN	-Grid Parameters
GAVO Data Center Documents	abundances for n, net, n, v, v, we, wa, and we as well as your e-mail address. T _{aff} I	C) 20 kK ≤ T _{eff} ≤ 300 kK 3 (pure H+He) : 20 kK ≤ T _{eff} ≤ 1 MK
Internal	A NLTE model atmosphere with your input parameters will be calculated by <u>TMAP</u> - the Tubingen NLTE Model- Minim Atmosphere Package - and you will be informed about the progress by e-mail. [1000]	um Maximum Grid specing 0 100000 2000
	log g I ast Name Yannick Minin	$[cm/s^2]$; 4.0 ≤ log g ≤ 9.9 tum Maximum Grid spacing
Search	First Name Preference Instituted Instituted for Artenomously and Artenohusite	7.0 0.5
	E-mail yamic, preferences to uni-tuebingen de	tances [mass fractions, preset with solar values (<u>Asplund et al. 2009, ARAA 47, 481; Scott et al. 2015, A&A</u> , 2511-
Sponsored by Federal Ministry	SED Parameters	374E-01 He: [2.492E-01
of Education and Research	Wavelength range for standard SED: C: E C: C: <thc:< th=""> C: C: <thc:< <="" td=""><td>365E-03 N: 6.928E-04 O: 5.733E-03 257E-03 Na: 2.923E-05 Mg: 7.075E-04</td></thc:<></thc:<>	365E-03 N: 6.928E-04 O: 5.733E-03 257E-03 Na: 2.923E-05 Mg: 7.075E-04
Member of the International Virtual Observatory Alliance	Wavelength range for an individual SED and a quicklook plot. $3500 - 1 - 7000 - A, \Delta A \approx 0.1 - A$ Note: the maximum number of data points is about 50 000.	rtly, only SEDs of hot, compact stars can be calculated. WWW interface is fully functional. The calculation of a H+He+C+N+O SED takes about one or two days, a +C+N+O+HA+HAA real calculation stakes into fue days. Numerical instabilities may occurring to the
	Before submitting, please verify the data you entered, especially your e-mail address.	sted parameters. We will then check for these asap.
18 Pageviews Jan 15t - Jan 31 st	When publishing research making use of this tool, please acknowledge: "The TNAM tool (http://astro.uni-tuebingen.de/~TNAM) used for this paper was constructed as part of the activities of the German Astrophysical Wirtual Observatory."	e do not hesitate to <u>contact us</u> should any question arise.
Click to See Details	wes ອອຟຈະສະດັ: This page was visited 2749 times since June 2, 2008	
	© 2003 - 2017 German Astrophysical Virtual Observat	y and the contributing authors
Abbildung] Quelle: htt	B.5: TMAW-Startseite. tp://astro.uni-tuebingen.de/~TMAW, 12.01.2017	

Model-Grid Parameters

T _{eff} [K]:	$20 \text{ kK} \le T_{\text{eff}} \le 300 \text{ kK}$						
T _{eff} [K] (pure H+He) :	T_{eff} [K] (pure H+He) : 20 kK $\leq T_{\text{eff}} \leq$ 1 MK						
Minimum	Maximum	Grid spacing					
100000	100000	20000					
log g [cm/s ²]:	$4.0 \le \log g \le 9.9$						
Minimum	Maximum	Grid spacing					
7.0	7.0	0.5					

Abundances [mass fractions, preset with solar values (<u>Asplund et al. 2009, ARAA 47, 481; Scott et al. 2015, A&A, 573, A25</u>)]:

H:	7.374E-01	He:	2.492E-01		
C:	2.365E-03	N:	6.928E-04	O :	5.733E-03
Ne:	1.257E-03	Na:	2.923E-05	Mg:	7.079E-04

Abbildung B.6: TMAW-Parametereingabefeld. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TMAW, 12.01.2017

TMAW Request Submission Confirmation

Request successfully submitted!

You should receive an e-mail notification within the next minutes! If this is not the case, please ensure the entered e-mail address is correct. The job with your parameters has entered our queueing system now and will be executed as soon as possible.

Date of Submission: 2017-01-28 11:11:51

Personal Information

Last Name: Yannick First Name: Pfeifer Institute: Institut für Astronomie und Astrophysik E-Mail: yannick.pfeifer@astro.uni-tuebingen.de

SED-table Request

A standard SED table within 5 - 2000 Å as well as a table within 3500 - 7000 Å (resolution ≈ 0.1 Å) will be calculated.

Data Delivery

The data products of this request will be sent to you via e-mail as soon as the model has been calculated.

Abbildung B.7: Anfragebestätigung TMAW. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TMAW, 12.01.2017

Model-Grid Parameters

 $T_{\rm eff}$ / K = 100000 - 100000 (Δ $T_{\rm eff}$ = 20000 K)

log (<i>g</i> / cm/s²) = 7.0 - 7.0	$(\Delta \log g = 0.5)$
------------------------	---------------	-------------------------

element	mass fraction
Н	7.374E-01
He	2.492E-01
С	2.365E-03
N	6.928E-04
0	5.733E-03
Ne	1.257E-03
Na	2.923E-05
Mg	7.079E-04

Abbildung B.8: Bestätigung der angefragten Parameter von TMAW. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TMAW, 12.01.2017



Abbildung B.9: Die TVIS-Interactive Startseite. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS, 27.01.2017



Abbildung B.10: Grafische Darstellung der Spektren zum Speichern. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS, 12.01.2017


925

924

923

922

921

920 919

917

916

915 914 913

912

A/A 918

IV 95

і әх

1.6 1.2

0.8 0.4

xufi əvitislər

RE 0503-289 - T_eff = 70000 K / log g = 7.50

F

Ę

Ł

E



Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS, 12.01.2017

Abbildung B.11: TVIS-Startseite.

How to use

There exist a varity of possibilities to use this application. The easiest way is the **<embed>** tag that calls the template of the first version (v1.0).

<embed width="<width>" height="<height>" src="http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS/tpl/v1.0/index.html">

width and height represent the dimension of the embed object, not of the plot box. So, it makes more sense to set the dimension of the plot box and fit then the embed object. This can be achieved easily with the following.

<embed width="<width + 25>" height="<height + 25>" src="http://astro.unituebingen.de/~TVIS/tpl/v1.0/index.html?width=<width>&height=<height>">

To omit scrollbars, the embed object is 25 pixel in both directions larger than the plot box. Specific commands for the plotter have to be written in a plot config file. The user can commit it with the following line.

<embed width="<width + 25>" height="<height + 25>" src="http://astro.unituebingen.de/~TVIS/tpl/v1.0/index.html?width=<width>&height=<height>&config=<path>">

Keep in mind, that you should use & in the URL instead of &.

Commands

All commands that are available for the respective template and some examples can be found <u>here</u>. If you feel that a useful command is missing, please let us know.

Abbildung B.12: Anleitung zur Einbindung der TVIS-Darstellung auf einer Internetseite. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS, 12.01.2017

Commands

All commands are not case sensitive. Colours must be given in HTML form. The name of the plots as well as all names within a plot must be unique. "*" can be used in the config file as the comment sign. The following commands are only for the template v1.0 (http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS/tpl/v1.0/index.html).

Abbildung B.13: Optionale Steuerbefehle von TVIS. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS/commands.shtml, 12.01.2017 Parameters for the axis

Command	Description
\X-MIN <min></min>	Set the minimum of the x-axis
\X-MAX <max></max>	Set the maximum of the x-axis
\X-SPLITTING <splitting></splitting>	Set the seperations of the ticks
\X-TICKLABEL <label></label>	Set the positions of the tick labels
\Y-MIN <min></min>	Set the minimum of the y-axis
\Y-MAX <max></max>	Set the maximum of the y-axis
\Y-SPLITTING <splitting></splitting>	Set the seperations of the ticks
\Y-TICKLABEL <label></label>	Set the positions of the tick labels
X-SCROLLABLE <true false></true false>	Should the plot box be scrollable? Default: false
X-SCROLLINTERVAL <interval></interval>	Set the displayed interval of the x-axis
\X-SCROLLSTEP <splitting></splitting>	Set the scroll velocity of the x-axis for the mouse wheel
\X-TICK-BOTTOM <true false></true false>	Do you want to see the ticks at the bottom? Default: true
\X-TICK-TOP <true false></true false>	Do you want to see the ticks at the top? Default: true
\X-TICK-LEGEND <true false></true false>	Do you want to see the labels of the ticks? Default: true
\Y-TICK-LEFT <true false></true false>	Do you want to see the ticks at the bottom? Default: true
\Y-TICK-RIGHT <true false></true false>	Do you want to see the ticks at the top? Default: true
\Y-TICK-LEGEND <true false></true false>	Do you want to see the labels of the ticks? Default: true
\TICK-LENGTH-SMALL <length></length>	Set the length of the small tick
\TICK-LENGTH-LARGE <length></length>	Set the length of the large tick

Object (data points)

"*" can be used in the data file as the comment sign.

Command	Description
\OBJECT LOAD <name> <url> <x-column> <y-column> [grid]</y-column></x-column></url></name>	Loads a x-y-table from a specific URL The grid parameter is optional
\OBJECT COLOUR <name> <colour></colour></name>	Set the colour of the object
\OBJECT CALC <name> X+ <number></number></name>	Add a number to all x-values
\OBJECT CALC <name> X- <number></number></name>	Subtract a number of all x-values
\OBJECT CALC <name> X* <number></number></name>	Multiply all x-values by a number
\OBJECT CALC <name> X/ <number></number></name>	Divide all x-values by a number
\OBJECT CALC <name> XLOG <number></number></name>	Take the logarithm of all x-values
\OBJECT CALC <name> XDEX <number></number></name>	Withdraw the logarithm of all x-values
\OBJECT CALC <name> Y+ <number></number></name>	Add a number to all y-values
\OBJECT CALC <name> Y- <number></number></name>	Subtract a number of all y-values
\OBJECT CALC <name> Y* <number></number></name>	Multiply all y-values by a number
\OBJECT CALC <name> Y/ <number></number></name>	Divide all y-values by a number
\OBJECT CALC <name> YLOG <number></number></name>	Take the logarithm of all y-values
\OBJECT CALC <name> YDEX <number></number></name>	Withdraw the logarithm of all y-values

Abbildung B.13: Fortsetzung.

Main Command

Command	Description
\Plot <name></name>	Every plot has to start with this and all commands till to the next \PLOT command describe a plot unit.
Plotter layout	
Command	Description
\OUTER-BACKGROUND-COLOUR <colour></colour>	Set the colour of the background
\INNER-BACKGROUND-COLOUR <colour></colour>	Set the colour of the plot box
\PLOTBOX-COLOUR <colour></colour>	Set the edge colour of the plot box
\FONTSIZE <size></size>	Set the font size
\FONT-COLOUR <colour></colour>	Set the font colour
\HEADER <header></header>	Set the header
\X-AXIS-LEGEND <legend></legend>	Set the lable of the x-axis
\Y-AXIS-LEGEND <legend></legend>	Set the lable of the y-axis

Abbildung B.13: Fortsetzung.

Identification

The identifications in a file must have the following syntax: <wavelength|x-position> <name>

Command	Description
\IDENT LOAD <name> <url></url></name>	Loads all identifications from a specific file
\IDENT COLOUR <name> <colour></colour></name>	Set the colour of the identifications
\IDENT Y-POS <name> <y-pos></y-pos></name>	Set the y-position (in units) of the identifications

Abbildung B.13: Fortsetzung.

TVISDataChanger

To improve the performance of TVIS, the user should only use data files that fit exactly the visible interval of the plot range. To modify an ensemble of data points, i.e., a spectrum, we have developed the TVISDataChanger. This small tool allows the user to cut, re-grid, and convole (Gaussian or box profile) an ensemble of data points.

The tool is written in Java and can be downloaded here.

Note: We have used the source code from <u>www.java2s.com</u> for the interpolation.

Abbildung B.14: Der TVIS Data Changer. Quelle: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS, 12.01.2017

🛓 TVISData	Changer - Developed for	TVIS —	×
File Help			
Input	Browse)0-55000A_2007-03-06_	17_58_24.txt
Output	Browse	000A_2007-03-06_17_5	8_24_neu.txt
	Comment sign	*	
Define colu	mn: Column X	1 Column Y	2
Re-grid:	Xmin 3000	Xmax 55000 Grid	0.5
Convolve:	● Gauss ○ Box	σ	2
Caclula	ite		

Abbildung B.15: Der TVIS Data Changer, geöffnet im Fenster.





C Datensätze

C.1 TMAW Output

Beispiel für den Anfang einer Datei eines synthetischen Spektrums:

```
* TUEBINGEN NLTE MODEL ATMOSPHERE PACKAGE (TMAP)
* http://astro.uni-tuebingen.de/~TMAP
* References:
*
* Werner K., et al. 2003,
*
   Model Photospheres with Accelerated Lambda Iteration,
   in: Workshop on Stellar Atmosphere Modeling,
*
   eds. I. Hubeny, D. Mihalas, K. Werner,
*
   The ASP Conference Series Vol. 288 (San Francisco: ASP), p. 31
*
* Rauch T., Deetjen J. L. 2003,
   Handling of Atomic Data,
*
   in: Workshop on Stellar Atmosphere Modeling,
*
   eds. I. Hubeny, D. Mihalas, K. Werner,
*
   The ASP Conference Series Vol. 288 (San Francisco: ASP), p. 103
*
*
* please do not hesitate to contact
* astro-tmap@listserv.uni-tuebingen.de for further information
*
* DATA FILE CREATED BY LINE1 AT 02-03-16 15:39:23
* MODEL CALCULATED BY PRO2 AT 12-02-16 11:50:51
* T eff = 100000 K
* log g = 7.00 (cgs)
* NORMALIZED MASS FRACTIONS
* H 1.000E+00
*
* COLUMN 1: WAVELENGTH GIVEN IN A
           (VACUUM WAVELENGTHS FOR LAMBDA < 3000 A)
*
* COLUMN 2: F LAMBDA GIVEN IN ERG/CM**2/SEC/CM
* COLUMN 3: RELATIVE FLUX (F LINE / F CONT)
* 12499 LINES FOLLOWING
9.1050000E+02 1.888582E+19 1.000000
9.11000000E+02 1.885533E+19 1.000000
9.11500000E+02 1.882487E+19 1.000000
9.11753463E+02 1.880946E+19 1.000000
```

C.2 TVIS Data Changer Output

Beispiel für die Datei eines synthetischen Spektrums nach der Bearbeitung mit dem TVIS Data Changer:

915.00000 9.998870E-01 917.00000 9.996110E-01 919.00000 9.959440E-01 921.00000 5.848450E-01 923.00000 5.258590E-01 925.00000 8.856800E-01 927.00000 7.331150E-01 929.00000 9.149190E-01 931.00000 4.416750E-01 933.00000 9.472440E-01 935.00000 9.586250E-01 937.00000 6.693150E-01 939.00000 7.819350E-01 941.00000 9.721560E-01 943.00000 9.896130E-01 945.00000 9.860170E-01 947.00000 9.462570E-01 949.00000 6.392190E-01 951.00000 7.854250E-01 953.00000 9.653230E-01 955.00000 9.907990E-01 957.00000 9.957190E-01 959.00000 9.968670E-01 961.00000 9.967930E-01 963.00000 9.957690E-01 965.00000 9.931320E-01 967.00000 9.861750E-01 969.00000 9.623630E-01 971.00000 8.320470E-01 973.00000 5.294770E-01 975.00000 9.231930E-01 977.00000 9.781200E-01 979.00000 9.908230E-01 981.00000 9.952200E-01 983.00000 9.971230E-01 985.00000 9.980930E-01 987.00000 9.986360E-01 989.00000 9.989580E-01

C.3 Spectra 1 Output

371.3

```
Beispiel für eine Ausgabedatei von Spectra-1:
```

Spectrometer Copyright Kvant 2014. All rights reserved. Datum:Freitag, 10. Februar 2017 16:24:51 Name des Quellbildes:.bmp Quellbild [pixel]:1280 x 1024 Bearbeitete Hohe des Quellbildes [Pixel]:20 Bearbeitetes Quellbild [Position Pixel Bereich]:604 - 624 Spektrumbereich [nm]:360.1 - 934.9 Diagrammpunkte: Wellenlange [nm] Intensitat [a.u] ===START=== 360.1 0.0 360.5 0.0 361.0 0.0 361.4 0.0 361.9 0.0 362.3 0.0 0.0 362.8 363.2 0.0 363.7 0.0 364.1 0.0 0.0 364.6 365.0 0.0 0.0 365.5 365.9 0.0 0.0 366.4 366.8 0.0 367.3 0.0 0.0 367.7 368.2 0.0 0.0 368.6 0.0 369.1 369.5 0.0 370.0 0.0 370.4 0.0 370.9 0.0 0.0

D Danksagung

Abschließend möchte ich mich bei einigen Personen bedanken, die mich in vielerlei Hinsicht bei der Erstellung dieser Arbeit unterstützt haben.

- Prof. Dr. Klaus Werner: Vielen Dank, dass du mir die Möglichkeit gegeben hast, meine wissenschaftliche Arbeit hier am Institut zu schreiben und damit einen Einblick in die Welt der Wissenschaft zu erhalten. Danke insbesondere auch für deine großzügige Unterstützung meiner weiteren Studienpläne in Großbritannien.
- Dr. Thomas Rauch: Vielen Dank f
 ür deine scheinbar unendliche Geduld und deine hohen Standards. Beides hat einen elementaren Beitrag zu dieser Arbeit geleistet und ohne deine Erfahrung und Hilfe w
 äre diese Arbeit nicht m
 öglich gewesen.
- Denny Hoyer: Dir gilt besonderer Dank für deine stetige Unterstützung. Mit Gelassenheit und großer Hilfsbereitschaft hast du für mich jeden Tag aufs neue scheinbare Weltuntergangsszenarien abgewandt, indem du irgendwo eine Klammer gesetzt hast. Danke für die äußerst unterhaltsamen Gesprächsthemen und Fachsimpeleien über Alltagsphysik.
- Lisa Löbling: Auch dir vielen Dank für deine Unterstützung, wenn es bei mir mit dem Verständnis der Materie ab und an ein wenig gehakt hat.
- Angela Heynen: Vielen Dank für die netten Gespräche, die mir stets den Arbeitsalltag aufgehellt haben.
- **Cornelia Heinitz und Stephan Hartmann:** Euch beiden vielen Dank für eure Unterstützung bei den kleinen Problemen.
- Gesa Wilken: Dir, meiner lieben Freundin, vielen lieben Dank für deine Geduld, die du mir die letzten Monate gegenüber gezeigt hast. Danke, dass du mich auch ertragen hast, wenn ich mal demotiviert war und viel mehr noch, dass du mich jedes Mal aufs Neue aufgebaut hast. Ohne dich wäre es viel schwerer gewesen, dafür bin ich dir sehr dankbar.
- Meine Familie: Auch euch vielen Dank für eure Unterstützung und Geduld die letzten Monate. Ihr habt mich in vielen Situationen entscheidend motiviert und mir stets das Ziel vor Augen gehalten.

E Erklärung zur Wissenschaftlichen Arbeit

Ich erkläre, dass ich die Arbeit selbständig angefertigt und nur die angegebenen Hilfsmittel benutzt habe. Alle Stellen, die dem Wortlaut oder dem Sinn nach anderen Werken, gegebenenfalls auch elektronischen Medien, entnommen sind, sind von mir durch Angabe der Quelle als Entlehnung kenntlich gemacht. Entlehnungen aus dem Internet sind durch Angabe der Quelle und des Zugriffsdatums sowie dem Ausdruck der ersten Seite belegt; sie liegen zudem für den Zeitraum von zwei Jahren entweder auf einem elektronischen Speichermedium im PDF-Format oder in gedruckter Form vor.

Datum

Unterschrift

F Nachweis digitaler Quellen



Abbildung F.1: http://www.seilnacht.com/versuche/spektro.html



Abbildung F.2: http://www.escuelapedia.com/el-arco-iris/





gamm 🕹 Sendungen A.Z 🔊 RSS Suche Q			 Wissen: Inhalt 	 Wissen: Sendungen 	V Wissen: Service	Joseph von Fraunhofer Erfinder und Unternehmer Geheimmisvolle Linien im Sonnenlicht	SENDUNGSINFO Somenlicht Dienstag, 04.08.2015 um 19:30 Uhr [ARD-alpha]	MEHR ZUM THEMA	Seeph von Fraunhofer Folge 3 - Erfinder und Vordenker
Kontakt Unternehmen Karriere Presse Archiv BR Prog NACHRICHTEN RADIO FERNSEHEN THEMEN ME	/ISSEN R.de > Themen > Wissen > Joseph von Fraunhofer > Geheimnisvolle Linien im Sonnenlicht	Special Joseph von Fraunhofer	***** ^[8]	loseph von Fraunhofer	Geheimnisvolle Linien im Sonnenlicht	Fraunhofer will eigentlich nur die Qualität von Glas bestimmen. Dazu schickt er Sonnenlicht durch ein Prisma. Doch als er sich das gebrochene Licht mit einem Fernrohr genau anschaut, macht er eine erstaunliche Entdeckung. ^{Stand: 20.02.2012} <u>Bildnachweis</u>			Im Jahre 1814 führt Joseph Fraunhofer ein Experiment durch: Vor die Fenster seiner Arbeitszimmers hängt er dunkle Vorhänge. Nur durch einen schmalen Spalt fällt ein Lichtstrahl ins Innere. Dieser trifft auf ein Prisma aus Glas und wird von diesem gebrochen. Fraunhofer schaut durch ein Fernrohr auf das Licht in den Farben des Regenbogens. Doch er

$Abbildung \ F.4: \ \texttt{http://www.br.de/themen/wissen/fraunhofer-spektrallinien102.html}$



We have briefly mentioned the structure of the atom during previous classes. Today we will attempt to understand this structure more fully, including how atoms emit electromagnetic energy ("light"), and how astronomers use that light to unravel the nature of distant objects. First we return to the basic structure of the atom. All of the elements in nature are composed of just three types of *ubotowic* particles: protons, electrons and neutrons. Protons and neutrons stick together to form the nuclei of atoms (nuclei is the plural of nucleus). And the electrons orbit around the nucleus sort

Atomic Structure and Processes, and the Nature of Light

Abbildung F.5: http://ganymede.nmsu.edu/tharriso/ast110/class13.html



Abbildung F.6: https://www.noao.edu/image_gallery/html/im0600.html

GAMAN ASTRONOCAL GAVO	TheoSSA TMAP Web Interface
Help Service info	TheoSSA provides spectral energy distributions based on model atmosphere calculations. Currently, we serve results obtained using the Tubingen NLTE Model Atmosphere Package (TMAP) for hot compact stars.
celated Compute custom SEDs	Effective between and and and ferritories of the atmosphere's effective temperatures to include. If you only specify one bound, you get a half-infinite interval. [K]
Aetadata Identifier	Log. Surface between and and and frame and frame to include. If you only specify one bound, you get a half-infinite interval.
vo://org.gavo.dc/theossa/t Cite this	Mass loss rate between and and severates for norder of you get a half-infinite interval. [solMassVr] Range of mass loss rates to include. If you only specify one bound, you get a half-infinite interval.
Advice on citing this resour Description	Mass Fraction ANY between and and Mass fraction of an element. Your may leave out either upper or lower bound.
TheoSSA provides spectra Keywords	Mass Fraction ANY • between and and Arran intervent for intervent of the order of t
stars: atmospheres Creator	Mass Fraction ANY • between and and and Mass fraction of an element. You may leave out either upper or lower bound.
Rauch, T. Created :010-11-11715:00:00	Standard Stars EG 274 A No selection matches all multiple values legal. Feige 67 Entry and and object coserved.
Data updated 2017-01-18	Table Sort by Image Limit to 100 r
Copyright Mhen publishing research	Output format HTML • More output fields
Source 003ASPC. 288. 103R	Go
Reference URL Service info	When publishing research making use of this service, please acknowledge: "The TheoSSA service (http://dc.g-vo.org/theossa) used to retrieve theoretical spectra for this paper was constructed as part of the activities of the German Astrophysical Virtual Observatory."
<u>ry ADQL</u> to query our lata.	
lease report errors and robems to the <u>site operators</u> . hanks. <u>Maaov I Disclaimer</u> <u>oo in</u>	





Search...

Light & Matter

Pre 20th Century theories

Atoms and Waves
 Reflection, Refraction, and

Diffraction

3. Newton's theory of Light

Speed of Light
 19th Century Wave Theories

6. 19th Century Particle Theories

Spectral Lines

Quantum Mechanics

1. Early Quantum Mechanics

2. Rutherford's Atom

3. Bohr's Atom

4. Sommerfeld's Atom

Newton's theory of Light

Show Contents

1. Newton's crucial experiment $^{\uparrow}$

English natural philosopher Isaac Newton bought his first prism in 1666, in an attempt to disprove French natural philosopher Rene Descartes' theory of light. This was one year after Italian natural philosopher Francesco Grimaldi's work on diffraction was published^[14].

Newton claimed that Grimaldi's diffraction was simply a new kind of refraction. He argued that the geometric nature of the laws of reflection and refraction could only be explained if light was made of particles, which he referred to as corpuscles, since waves don't tend to travel in straight lines.

After joining the Royal Society of London in 1672, Newton stated that the 44th trail in a series of experiments he had previously conducted had proven that light is made of particles and not waves^[2ai10].

Advocates of the wave theory had previously stated that light waves are made of white light, and that the colour spectrum that can be seen through a prism is formed because of corruption within the glass. This means that the more glass the light travels through, the more corrupt it will become.

In order to prove that this was false, Newton passed a beam of white light through two prisms, which were held at such an angle that it split into a spectrum when passing through the first

Abbildung F.8: http://www.thestargarden.co.uk/Newtons-theory-of-light.html





GAVC	German Astrophysical Virtual Observatory		
Home	TMAW Request		
About GAVO	Please specify		
Getting Started	effective temperature T _{eff} , surface mavity log of	Model-Grid Parameters	
GAVO Data Center	abundances for Big. N. O. Ne, Na, and Mg	T_{eff} [K]: 20 kK $\leq T_{\text{eff}} \leq 300$ kK	
Documents	as well as your e-ritar audress.	T_{eff} [K] (pure H+He) : 20 kK $\leq T_{\text{eff}} \leq 1$ MK	
Internal	A NLTE model atmosphere with your input parameters will be calculated by <u>Th/AP</u> - the Tubingen NLTE Model- Atmosphere Package - and you will be informed about the progress by e-mail.	Minimum Maximum Gric	1 spacing
	Personal Information	10000 10000 10000 2000	00
Coarch	Last Name Yannick	Minimum Maximum Grid	1 spacing
	First Name Preifer	7.0 7.0 0.5	
Login	Institute Institut für Astronomie und Astrophysik		
	E-mail yannick, pfeifer@astro.uni-tuebingen.de	Abundances [mass fractions, preset with solar vi	alues (Asplund et al. 2009, ARAA 47, 481; Scott et al. 2015, A&A,
Sponsored by	SED Parameters	D/3, A20)]: L: 7, 7745 04 LO: 12, 4005 04	
Federal Ministry of Education	Movelannth ranna for standard SED.	11. 7.574E-01 116. 2.492E-01 0. 6.733 C: 0.366E-03 N: 6.038E-04 0. 6.733	E.03
and Research	• 5 - 2000 Å • 2000 - 3000 Å • 3000 - 55000 Å	O: 2.000-00 M. 0.200-04 O: 0.100 Net 1.257E-03 Nat 2.923E-05 Mat 7.079	F-04
Member of the International Virtual Observatory Alliance	Warvelength range for an individual SED and a quicklook plot 3500 -7700 Å, $\Delta A \approx 0.1$ -7	Presently, only SEDs of hot, compact stars can t This WWW interface is fully functional. The calc H+H++C+N+O+Na+Mo SED calculation tak	be calculated. Justion of a H+He+C+N+O SED takes about one or two days, a extain of five days. Numerical instabilities may occur due to the
(· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	requested parameters. We will then check for the	ese asap.
	Before submitting, please verify the data you entered, especially your e-mail address.	Please do not hesitate to start any calculation - t	this helps us to further improve the TMAW procedure.
18 Pageviews	When publishing research making use of this tool, please acknowledge: "The TMAW tool (http://actro.inic.iniehinnen.de/=TMAW) used for this paner was constructed as part of the		
Jan 1st - Jan 31st	activities of the German Astrophysical Virtual Observatory."	Please do not hesitate to contact us should any	question arise.
	MARK		
Click to See Details	eeset at this page was visited 2749 times since June 2, 2008		
	© 2003 - 2017 German Astrophysical Virtu	Contacts I Observatory and the contributing authors	

 $Abbildung \ F.10: \ \texttt{http://astro.uni-tuebingen.de/~TMAW}$



Abbildung F.11: http://astro.uni-tuebingen.de/~TVIS



TVISDataChanger

To improve the performance of TVIS, the user should only use data files that fit exactly the visible interval of the plot range. To modify an ensemble of data points, i.e., a spectrum, we have developed the TVISSbadchanger. This small tool allows the user to cut, e-grid, and convole (Gaussian or box ponile) an ensemble of data points.

The tool is written in Java and can be downloaded here

Note: We have used the source code from www.java2s.com for the interpolation.

Objects

Feige 110
 G191-B2B
 RE 0503-289

88



